

This electronic version (PDF) was scanned by the International Telecommunication Union (ITU) Library & Archives Service from an original paper document in the ITU Library & Archives collections.

La présente version électronique (PDF) a été numérisée par le Service de la bibliothèque et des archives de l'Union internationale des télécommunications (UIT) à partir d'un document papier original des collections de ce service.

Esta versión electrónica (PDF) ha sido escaneada por el Servicio de Biblioteca y Archivos de la Unión Internacional de Telecomunicaciones (UIT) a partir de un documento impreso original de las colecciones del Servicio de Biblioteca y Archivos de la UIT.

(ITU) للاتصالات الدولي الاتحاد في والمحفوظات المكتبة قسم أجراه الضوئي بالمسح تصوير نتاج (PDF) الإلكترونية النسخة هذه والمحفوظات المكتبة قسم في المتوفرة الوثائق ضمن أصلية ورقية وثيقة من نقلاً

此电子版(PDF版本)由国际电信联盟(ITU)图书馆和档案室利用存于该处的纸质文件扫描提供。

Настоящий электронный вариант (PDF) был подготовлен в библиотечно-архивной службе Международного союза электросвязи путем сканирования исходного документа в бумажной форме из библиотечно-архивной службы МСЭ.

COMITÉ CONSULTATIF INTERNATIONAL DES RADIOCOMMUNICATIONS

# C.C.I.R.

## DOCUMENTS DE LA XI<sup>e</sup> ASSEMBLÉE PLÉNIÈRE

OSLO, 1966

### **RAPPORTS 413, 414 et 415**

### UTILISATION PLUS EFFICACE DU SPECTRE RADIOÉLECTRIQUE



Publié par

L'UNION INTERNATIONALE DES TÉLÉCOMMUNICATIONS GENÈVE, 1967 COMITÉ CONSULTATIF INTERNATIONAL DES RADIOCOMMUNICATIONS

# C.C.I.R.

## DOCUMENTS DE LA XI<sup>e</sup> ASSEMBLÉE PLÉNIÈRE

OSLO, 1966

### **RAPPORTS 413, 414 et 415**

UTILISATION PLUS EFFICACE DU SPECTRE RADIOÉLECTRIQUE



Publié par

L'UNION INTERNATIONALE DES TÉLÉCOMMUNICATIONS GENÈVE, 1967



### PAGE INTENTIONALLY LEFT BLANK

### PAGE LAISSEE EN BLANC INTENTIONNELLEMENT

### TABLE DES MATIÈRES

Page

Avant-propos		4
Résolution 1-1	Utilisation plus efficace du spectre radioélectrique	5
Rapport 413	Seuil de fonctionnement pour le bruit d'un système de réception radioélec- trique	7
Rapport 414	Utilisation efficace du spectre radioélectrique	35
Rapport 415	Modèles d'évanouissement par interférence de phase à employer dans les études sur l'utilisation efficace du spectre	43

#### AVANT-PROPOS

En raison du caractère très général des sujets traités, la XI<sup>e</sup> Assemblée plénière du C.C.I.R., Oslo, 1966, a décidé que les Rapports 413, 414 et 415 ne seraient pas incorporés au Volume III de la XI<sup>e</sup> Assemblée plénière, mais feraient l'objet d'une publication séparée.

On trouvera également ci-après, à titre d'information, le texte de la Résolution 1-1 relatif à la création du Groupe de travail international III/1.

#### **RÉSOLUTION 1-1**

#### UTILISATION PLUS EFFICACE DU SPECTRE RADIOÉLECTRIQUE

(1963 - 1966)

#### Le C.C.I.R.,

#### CONSIDÉRANT

- a) que les connaissances et les techniques dans le domaine des radiocommunications progressent rapidement;
- b) que, dans l'avenir, il sera nécessaire de prévoir l'utilisation simultanée du spectre par un plus grand nombre d'usagers;
- c) que, pour desservir ces usagers additionnels sans qu'il en résulte une dégradation importante des services actuels, il sera nécessaire de bien tenir compte de tous les facteurs techniques qui entrent en jeu dans l'utilisation simultanée de systèmes susceptibles de causer des brouillages;
- d) que les renseignements dont on dispose sur les rapports de protection signal utile/signal brouilleur et sur la sensibilité de fonctionnement des systèmes de réception ont encore besoin d'être précisés pour chacun des services, afin de permettre la planification la plus efficace de l'utilisation du spectre radioélectrique,

#### DÉCIDE A L'UNANIMITÉ

- 1. qu'un Groupe international d'experts du C.C.I.R.\*, qui serait représentatif des Commissions d'études intéressées à ce problème, devrait être créé, avec mission d'établir un rapport sur les définitions et les méthodes permettant aux diverses Commissions d'études du C.C.I.R. de fournir des renseignements plus précis sur:
  - les rapports de protection signal/brouillage requis,
  - les intensités de champ minimales nécessaires pour diverses classes d'émission,
  - ce qui permettra une utilisation plus efficace du spectre radioélectrique par le plus grand nombre d'usagers agissant simultanément;
- 2. que les travaux de ce Groupe soient coordonnés par la Commission d'études III;
- 3. que les travaux de ce Groupe se fassent autant que possible par correspondance.
- *Note.* Le Directeur du C.C.I.R. est prié de porter cette Résolution à la connaissance de l'U.R.S.I. pour information.

### PAGE INTENTIONALLY LEFT BLANK

### PAGE LAISSEE EN BLANC INTENTIONNELLEMENT

#### RAPPORT 413\*

#### SEUIL DE FONCTIONNEMENT POUR LE BRUIT D'UN SYSTÈME DE RÉCEPTION RADIOÉLECTRIOUE

(Résolution 1-1)

(1966)

#### 1. Introduction

Si un système de réception est très sensible, son seuil de fonctionnement pour le bruit est faible. En présence d'un évanouissement par interférence de phase, le seuil de fonctionnement pour le bruit est déterminé par la valeur médiane de la puissance du signal utile disponible aux bornes d'une antenne de réception sans pertes, nécessaire pour assurer une qualité de service donnée en présence de bruit, mais en l'absence de tout autre signal brouilleur. Le système de réception comprend l'antenne de réception et son milieu ambiant, la ligne de transmission éventuelle allant jusqu'au récepteur et le récepteur lui-même. Les sources de bruit radioélectrique, contrairement aux autres sources de signaux non désirés, présentent une distribution spectrale de l'énergie qui varie de façon plus ou moins uniforme avec la fréquence sur plusieurs décades du spectre radioélectrique.

Le seuil de fonctionnement dépend de la qualité de réception du signal utile et, par conséquent, du genre de service assuré. C'est ainsi que la qualité d'un service de téléimprimeur ou de téléphonie peut dépendre du pourcentage des caractères reçus qui ont été correctement interprétés. De même, la qualité d'une émission de télévision peut dépendre d'observations subjectives aboutissant à des échelons qualitatifs définis avec plus ou moins de précision comme « excellent » ou « passable». Dans le cas d'un service de télévision, il est souhaitable de déterminer séparément le seuil de fonctionnement du canal son et celui du canal image car ces valeurs, associées à d'autres paramètres du système, peuvent conduire à un choix optimal du rapport des puissances son/image à l'émetteur.

Dans le présent Rapport, les systèmes de réception qui sont limités principalement par un bruit d'origine externe sont dits «à limitation par le bruit» et ont généralement une sensibilité bien meilleure que les systèmes «à limitation par l'amplification». Dans le premier cas, les gains des étages successifs du récepteur sont suffisamment grands et les affaiblissements de circuits correspondants suffisamment faibles pour que le seuil de fonctionnement soit influencé dans une mesure appréciable par les bruits d'origine externe disponibles aux bornes de la résistance de rayonnement de l'antenne de réception. Dans un système de réception à limitation par l'amplification, les bruits d'origine externe sont sans influence appréciable sur le seuil de fonctionnement. Le présent Rapport donne une définition du seuil de fonctionnement qui est applicable aussi bien aux systèmes de réception à limitation par le bruit qu'à ceux à limitation par l'amplification. Dans le cas particulier, d'ailleurs très répandu, d'un système de réception à limitation par le bruit, il est utile d'exprimer le seuil de fonctionnement du système de réception complet par un «facteur de bruit de fonctionnement » pour la partie approximativement linéaire du système de réception, ainsi que par une largeur de bande équivalente de bruit et par une valeur requise du rapport signal utile/bruit avant l'étage de détection du système de réception; une grande partie de ce document est consacrée à des relations de ce genre.

Le seuil de fonctionnement d'un système de réception à limitation par le bruit dépend de la largeur de bande équivalente de bruit et des bruits qui prennent naissance dans les divers éléments de ce système. La puissance du signal utile et celle du bruit d'origine externe disponibles aux bornes de la résistance de rayonnement de l'antenne de réception dépendent, en général, toutes deux de la directivité de l'antenne de réception; telle est l'une des raisons que l'on a de définir ce seuil de fonctionnement par la puissance du signal utile aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes plutôt que par une intensité de champ requise. La raison la plus importante qu'on a de choisir le point de référence aux bornes d'une antenne de réception sans pertes équivalente est que c'est le seul point de référence qui fournisse une mesure adéquate et univoque de la sensibilité de l'ensemble du système de réception; l'argument à l'appui de cette affirmation est donné au § 10. En pratique, on fait les mesures à des bornes accessibles, et on les rapporte aux bornes d'une antenne équivalente sans pertes. Il va de soi que ce point de référence est celui qui s'offre le plus naturellement pour distinguer les études de la propagation de celles des systèmes de réception.

<sup>\*</sup> Ce Rapport a été adopté à l'unanimité.

Lorsque le signal utile est soumis à un évanouissement par interférence de phase résultant d'une propagation par trajets multiples, le seuil de fonctionnement dépend de la nature et de la profondeur de cet évanouissement. Ce seuil dépend encore du spectre complexe de l'évanouissement, c'est-à-dire du degré d'évanouissement sélectif dans la bande passante du système de réception. Ce dernier aspect déborde le cadre du présent Rapport: en ce qui concerne les systèmes de radiocommunication pour la transmission de données numériques, la récente étude de Bello [1, 2, 3] est pertinente et contient de nombreuses autres références bibliographiques. Le seuil de fonctionnement est également influencé par les réponses parasites du récepteur, lesquelles, dans un récepteur bien conçu, peuvent presque toujours être ramenées à des proportions négligeables.

En 1947, Kotelnikov a proposé le concept d'un système de réception idéal ayant le seuil de fonctionnement le plus faible possible en présence d'un bruit à distribution gaussienne et en l'absence d'évanouissement; cette proposition a été publiée en U.R.S.S. en 1956 [4]. Le seuil de fonctionnement défini par le présent Rapport se ramène à celui du système idéal de Kotelnikov dans le cas théorique d'un système de réception ayant un gain suffisant, sans affaiblissement de circuit, sans évanouissement du signal utile, le système de réception, y compris l'antenne, se trouvant dans un milieu ambiant à température donnée uniforme. Pour caractériser la manière dont un système de réception approche du système idéal, Kotelnikov introduit un coefficient d'efficacité qui est le rapport de la puissance du signal nécessaire pour le système idéal à la puissance du signal nécessaire pour le système de réception considéré.

La raison essentielle qu'il y a d'utiliser un système de réception avec le seuil de fonctionnement le plus faible possible est d'ordre économique. Ainsi, la puissance d'émission nécessaire est proportionnelle à ce seuil, et il y a souvent intérêt à utiliser un système de réception relativement onéreux ayant un faible seuil de fonctionnement pour diminuer le coût des émissions. Cependant, s'il s'agit de radiodiffusion, service dans lequel on compte plusieurs milliers de récepteurs pour un seul émetteur, des considérations d'ordre économique imposeront généralement l'emploi de la plus grande puissance d'émission possible. Le Rapport 414 sur «l'utilisation optimale du spectre radioélectrique » souligne que l'utilisation simultanée du spectre par un nombre maximum d'utilisateurs dans les conditions d'absence de brouillage dépend seulement des valeurs *relatives* des grandeurs, sous réserve que ces dernières soient suffisantes pour que le bruit ne limite la réception en aucun des points de réception.

#### 2. Définitions des puissances disponibles du signal utile

La puissance disponible est celle qui est fournie à une charge dont l'impédance serait conjuguée de celle de la source. Dans la présente section, nous définirons la puissance  $P_a$  du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes et la puissance  $P'_a$  du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception réelle avec pertes.

Dans le présent Rapport, toutes les puissances du signal et du bruit seront exprimées en watts. Par convention, les minuscules désigneront les puissances en watts, ou des rapports de puissance, et les majuscules leurs équivalents en décibels. Ainsi:

$$P_{a} \equiv 10 \log_{10} p_{a}; P_{a}' \equiv 10 \log_{10} p_{a}'; L_{rc} \equiv 10 \log_{10} l_{rc} \text{ (dB)}$$
$$P_{a}' = P_{a} - L_{rc} \text{ (dBW)}$$
(1)

Pour une fréquence radioélectrique donnée v, soient  $Z_{lv}$ ,  $Z'_{v}$  et  $Z_{v}$  l'impédance de la charge, celle de l'antenne avec pertes dans son milieu ambiant réel et celle de l'antenne équivalente sans pertes. Posons:

$$Z_{l\nu} = R_{l\nu} + iX_{l\nu} \tag{2}$$

$$Z'_{\nu} = R'_{\nu} + \mathrm{i}X'_{\nu} \tag{3}$$

$$Z_{v} = R_{v} + iX_{v} \tag{4}$$

formules dans lesquelles R et X représentent respectivement la résistance et la réactance. Soit  $p_{lv}$  la puissance fournie à la charge de l'antenne de réception et  $p'_{av}$  et  $p_{av}$  respectivement les puissances disponibles aux bornes de l'antenne de réception réelle et aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes. Si  $v'_v$  est la tension efficace en circuit ouvert aux bornes de l'antenne, on a:

$$p_{lv} = (v_v'^2 R_{lv}) / |Z_v' + Z_{lv}|^2$$
(5)

Si  $Z_{lv}$  et  $Z'_v$  sont conjuguées, c'est-à-dire si  $R_{lv} = R'_v$  et  $X_{lv} = -X'_v$ , la puissance  $p_{lv}$  est maximale et par définition, elle est égale à la puissance  $p'_{av}$  disponible aux bornes de l'antenne réelle:

$$p'_{av} = v'^2_{v}/4R'_{v} \tag{6}$$

Il convient d'observer que la puissance disponible aux bornes d'une antenne dépend uniquement des caractéristiques de l'antenne, de sa tension en circuit ouvert  $v'_v$  et de sa résistance  $R'_v$  et qu'elle est indépendante de l'impédance réelle de la charge. En comparant les expressions (5) et (6), on définit un coefficient de perte due aux réflexions:

$$l_{mav} \equiv p'_{av}/p_{lv} = \left[ (R'_v + R_{lv})^2 + (X'_v + X_{lv})^2 \right] / 4R'_v \ R_{lv} \ge 1$$
(7)

tel que la puissance fournie à une charge soit égale à  $p'_{av}/l_{mav}$ . Si l'impédance de la charge et l'impédance de l'antenne sont imaginaires conjuguées,  $l_{mav}$  a sa valeur minimale ( $l_{mav} = 1$ ) et  $p_{lv} = p'_{av}$ . Pour toute autre valeur, une puissance quelque peu inférieure à la puissance disponible est fournie à la charge.

La puissance disponible aux bornes de l'antenne équivalente sans pertes est:

$$p_{av} = v_v^2 / 4R_v \tag{8}$$

expression dans laquelle  $v_v$  est la tension en circuit ouvert de l'antenne équivalente sans pertes. Si l'on compare les expressions (6) et (8), il convient d'observer que  $p'_{av}$  est inférieure à la puissance disponible  $p_{av} \equiv l_{rcv}p'_{av}$  aux bornes d'antenne sans pertes située au même emplacement que l'antenne réelle:  $l_{av} = n_v /n'_v = (R'v^2)/(R'v'^2) > 1$  (9)

$$l_{rcv} = p_{av}/p'_{av} = (R'_v v_v^2)/(R_v v_v^2) \ge 1$$
(9)

A noter que la tension en circuit ouvert  $v'_{v}$  pour l'antenne réelle avec pertes sera souvent identique à la tension en circuit ouvert  $v_{v}$  pour l'antenne équivalente sans pertes, mais chaque circuit d'antenne de réception doit être considéré séparément [19].

Pour les systèmes à modulation d'amplitude, il sera d'ordinaire commode d'utiliser la puissance porteuse sur la fréquence discrète v comme mesure de la puissance du signal utile; dans ce cas, les expressions (6), (8) et (9) fournissent des définitions satisfaisantes. De même, dans un système à modulation de fréquence, la puissance du signal utile sera concentrée sur une fréquence discrète v lorsqu'il n'y a pas de modulation, et cette puissance porteuse non modulée peut alors être utilisée comme mesure de la puissance du signal utile. Dans d'autres cas, il sera fréquemment commode de considérer que la puissance du signal utile est répartie dans la bande des fréquences allant de  $v_l$  à  $v_m$ . On aura alors:

$$p_a = \int_{v_l} (\mathrm{d}p_{av}/\mathrm{d}v) \mathrm{d}v = p'_a l_{rc} \tag{10}$$

$$p'_{a} = \int_{v_{l}}^{\infty} (\mathrm{d}p'_{av}/\mathrm{d}v)\mathrm{d}v = p_{a}/l_{rc}$$
(11)

expressions dans lesquelles les dérivées  $(dp_{av}/dv)$  et  $(dp'_{av}/dv)$  représentent les densités de puissance du signal utile en watts par hertz. Les limites  $v_l$  et  $v_m$  des intégrales (10) et (11) sont choisies de manière à englober pratiquement toutes les bandes latérales de la modulation du signal utile, mais  $v_l$  est choisi suffisamment grand et  $v_m$  suffisamment petit pour exclure toute harmonique appréciable ou tout autre rayonnement non désiré émanant de l'antenne d'émission du signal utile.

#### 3. Mesure directe du seuil de fonctionnement d'un système de réception radioélectrique

Pour mesurer directement le seuil de fonctionnement d'un système de réception radioélectrique, il est nécessaire de prendre un système complet pour la transmission de signaux analogues à ceux qui seront vraisemblablement transmis dans le service considéré sur le trajet de transmission réel, et qui comprenne les antennes d'émission et de réception réelles dans leur milieu réel, ainsi qu'un émetteur dont la puissance de sortie puisse être réglée dans une gamme étendue de valeurs. La puissance de cet émetteur étant fixée à un niveau initial commode, on mesure en permanence la valeur instantanée de la puissance du signal utile  $p'_i$  disponible aux bornes de l'antenne de réception, pendant une durée  $T_i$  (égale à une heure, par exemple) suffisamment longue pour que l'on puisse s'attendre à ce que le signal reçu subisse des évanouissements de caractéristiques semblables à celles des évanouissements par interférence de phase prévus sur le trajet de propagation, mais suffisamment courte pour éliminer l'essentiel de l'évanouissement de puissance à long terme.

Si  $p'_m$  est la valeur médiane de  $p'_i$ ,  $p_m = l_{rc}p'_m$  est alors la valeur médiane en interférence de phase de la puissance du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes. Le Rapport 112 indique des méthodes permettant de déterminer  $l_{re}$ . Pendant la même durée, on mesure la qualité de service g, exprimée en unités appropriées à la nature du service considéré. Pour un service de radiodiffusion télévisuelle, on a constaté qu'il était commode [5, 6] d'utiliser une échelle de cotation à 6 notes: g = 5,5 à 6,5 pour «excellent», g = 4,5 à 5,5 pour «bon», g = 3,5 à 4,5 pour «passable», g = 2,5 à 3,5 pour «juste acceptable», g = 1,5 à 2,5 pour «inférieur» et g = 0.5 à 1.5 pour «inutilisable» et Weaver [7] a utilisé la transformation  $G_w = \log_{10} \left[ (6-g)/(g-1) \right]$  pour obtenir une relation approximativement linéaire entre  $G_w$  et  $p_{mr}(g)$ . Il apparaît qu'il y aurait avantage à utiliser de préférence la transformation  $G = \log_{10} [(g-0,5)/(6,5-g)]$  plutôt que  $G_w$ , car  $G_w = \infty$  pour g = 1 et  $G_w = -\infty$  pour g = 6. On répète la méthode ci-dessus à plusieurs reprises, en faisant varier la puissance de l'émetteur par bonds de 3 dB au-dessus et au-dessous du réglage initial jusqu'à ce que l'on ait mesuré une gamme suffisante de qualités de service différentes g et les valeurs correspondantes de  $p_m$ . Si ces mesures directes sont faites pendant une durée  $T = mT_i$  suffisamment longue pour tenir compte de toute la gamme des valeurs prévues de l'évanouissement par interférence de phase, des niveaux du bruit d'origine externe et des caractéristiques du bruit, on aura un grand nombre m de valeurs de g correspondant aux diverses valeurs de  $p_m$  et il faudra adopter une méthode statistique pour établir une relation unique entre  $p_m$  et g. Cette méthode statistique dépend de la nature du service considéré. Lorsqu'il est possible d'exprimer simplement la qualité de service comme la valeur prévue, ou la valeur moyenne  $\overline{g}$  de g, ou  $\overline{G}$  de G, on aura un résultat satisfaisant si l'on obtient une relation de régression entre la variable aléatoire g (ou G) et les valeurs données de  $p_m$  (ou  $P_m$ ) selon celle de ces variables qui fournit la relation la plus linéaire. Cette relation de régression déterminera, pour des valeurs données de  $p_m$ , la valeur prévue  $\bar{g}$ , c'est-à-dire que les seuils de fonctionnement  $p_{mr}(\bar{g})$  sont les valeurs de  $p_m$  pour lesquelles la qualité de service moyenne a ses valeurs requises  $\bar{g}$  pour l'antenne réceptrice sans perte équivalente. Le seuil de fonctionnement est fréquemment exprimé par son équivalent  $P_{mr}(g)$  en dBW.

La méthode de mesure directe de  $p_{mr}(g)$  décrite ci-dessus est valable aussi bien pour les systèmes à limitation par le gain que pour les systèmes à limitation par le bruit, mais elle sera fréquemment inapplicable à cause de l'obligation de procéder à de longues séries de mesure sur chaque système opérationnel complet ou à cause de la présence de signaux brouilleurs autres que le bruit dans la bande passante du système de réception. La suite du présent document étudiera des méthodes de mesure indirecte du seuil de fonctionnement, lesquelles seront également utiles pour la mise au point des systèmes de réception.

### 4. Largeur de bande équivalente de bruit et facteur de bruit de fonctionnement d'un système de réception

La quasi-totalité des notions de bases utilisées dans cette étude ont été exposées pour la première fois dans des mémoires de Burgess, North et Friis, ainsi que dans une discussion que North a faite du mémoire de Friis [8, 9, 10 et 11].

Le facteur de bruit de fonctionnement a été défini pour la première fois dans un mémoire de North [9]; il caractérise le fonctionnement de tout le système de réception, contrairement au facteur de bruit du récepteur qui ne caractérise que le fonctionnement du récepteur lui-même. Par la suite, Norton [12, 13 et 14] et Barsis et ses collaborateurs [15] ont étudié ce facteur plus en détail, l'appelant facteur de bruit équivalent. Ce facteur de bruit de fonctionnement généralisé tient compte des bruits d'origine externe captés par l'antenne de réception au même titre que du bruit introduit par le récepteur lui-même; il tient compte également des affaiblissements dus au circuit d'antenne et à la ligne de transmission. Dans cette section, nous donnerons une expression plus générale du facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception, nous examinerons ses propriétés générales et nous montrerons comment la température de fonctionnement  $T_{op}$  du système de réception peut se déduire de  $f_{op}$ . Alors que le facteur de bruit  $f_n$  d'un dipôle pratiquement exempt de bruit tend vers l'unité, le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout et de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout se sterie de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception put se déduire de tout se bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système d

Le facteur de bruit de fonctionnement ne peut être utilement défini que pour la partie approximativement linéaire d'un système de réception et seulement s'il a un gain suffisant pour que cette partie ait une largeur de bande équivalente de bruit bien définie. Le gain de fonctionnement  $g_{0v}$ d'un système de réception pour une onde entretenue de fréquence v à l'entrée est défini comme le rapport de la puissance *totale* du signal  $p_{dv}$  disponible aux fréquences  $v_i$  à la sortie de la partie linéaire du système de réception, à la puissance d'entrée sur l'onde entretenue  $p_{av} \equiv l_{rcv}p'_{av}$ , disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes:

$$g_{0\nu} = p_{d\nu}/p_{a\nu} = p_{d\nu}/l_{rc\nu}p'_{a\nu}$$
(12)

Pour un récepteur à modulation d'amplitude à un seul changement de fréquence, la charge de la partie linéaire du système de réception est le deuxième détecteur et  $p_{dy}$  représente la puissance totale du signal disponible à ce deuxième détecteur aux fréquences de sortie en ondes entretenues  $v_i = w | nv \pm mv_{os} |$ , w, n et m étant des entiers positifs et  $v_{os}$  la fréquence de l'oscillateur local. En conséquence, dans un récepteur superhétérodyne courant, bien que l'essentiel de la puissance de sortie apparaisse sur la fréquence de sortie en ondes entretenues particulière  $v_i = |v - v_{os}|$  lorsque la fréquence d'entrée se situe dans la bande de réponse principale  $v_a$  à  $v_b$  du récepteur, une puissance additionnelle, généralement négligeable, apparaît à la sortie sur d'autres valeurs de  $v_i$  du fait de battements avec le mieme harmonique de l'onde entretenue de fréquence v pour produire le wieme sous-harmonique d'une fréquence de sortie vi. Dans un certain nombre de systèmes superhétérodynes relativement peu courants, ces dernières composantes de la puissance de sortie peuvent être appréciables par comparaison avec celles de la fréquence intermédiaire  $|v - v_{os}|$ . Dans le cas d'un récepteur à amplification directe, les fréquences de sortie sont données par  $v_i = nv$ ; pour un récepteur superhétérodyne à plusieurs changements de fréquence, les fréquences de sortie  $v_i$  sont liées aux fréquences d'entrée v de façon plus complexe. Pour les récepteurs à modulation de fréquence,  $p_{dy}$  est la puissance du signal disponible au premier limiteur.

A noter que la puissance fournie à la charge réelle sera généralement plus faible que la puissance  $p_{dv}$  disponible à cette charge en raison d'un affaiblissement par défaut d'adaptation, mais que la puissance de bruit subira pratiquement le même affaiblissement, si bien que le rapport signal disponible/puissance de bruit ne différera pas de manière appréciable du rapport signal fourni/ puissance de bruit. On peut observer que la définition récemment adoptée par l'IEEE [16, 17] fait intervenir le rapport signal fourni/bruit et non le rapport signal disponible/bruit à la sortie. Il est vraisemblable que l'IEEE a voulu ainsi supprimer la difficulté résultant de l'emploi de la puissance de bruit réfléchie par la charge. Malheureusement, l'impédance de la charge de la partie linéaire du récepteur dépend fréquemment beaucoup du niveau du signal qui lui est appliqué, aussi apparaît-il qu'il vaut mieux utiliser le rapport signal disponible/bruit que le rapport signal fourni/bruit dans la définition fondamentale et, dans les rares cas où cela est impossible, se borner à spécifier l'impédance du dispositif utilisé pour mesurer le rapport signal/bruit avant détection. Telle est la méthode qui sera adoptée dans le présent document.

La notion de facteur de bruit de fonctionnement ne caractérise utilement que les systèmes de réception approximativement linéaires, c'est-à-dire ceux dans lesquels  $p_{dv}$  est approximativement proportionnel à  $p_{av}$ , en sorte que  $g_{0v}$  est pratiquement constant dans une gamme suffisamment étendue de valeurs de  $p_{av}$  au voisinage du seuil de fonctionnement  $p_{mr}(g)$ . Les composantes de la puissance de sortie sur des fréquences  $v_i$ , correspondant à des valeurs de w ou de n différentes de l'unité, ne sont pas une fonction linéaire de  $p_{av}$  mais elles représentent une partie négligeable de la puissance de sortie totale pour les systèmes de réception classiques.

Etant donné qu'un système de réception possédant un gain de fonctionnement appréciable présente jusqu'à un certain point, une caractéristique passe bande, nous définirons sa largeur de bande équivalente de bruit, selon North [11], par:

$$b = \frac{1}{g_0} \int_{v}^{v_b} g_{0v} dv = \frac{1}{hg_0} \int_{0}^{\omega} g_{0v} dv$$
(13)

$$h = \int_{0}^{\infty} g_{0\nu} \mathrm{d}\nu / \int_{0}^{\nu} g_{0\nu} \mathrm{d}\nu$$
(14)

Dans ces expressions,  $v_a$  et  $v_b$  sont choisis de manière à comprendre seulement la réponse principale du système de réception, c'est-à-dire une bande de fréquence:

- dans laquelle  $g_{0y}$  a sa valeur maximale  $g_0$ ;
- suffisamment large pour que  $g_{0va}$  et  $g_{0vb}$  soient négligeables par rapport à  $g_0$ ;
- suffisamment étroite pour que  $g_{0v}$  dépasse  $g_{0va}$  et  $g_{0vb}$  pour toutes les fréquences comprises entre  $v_a$  et  $v_b$ .

Le facteur *h* des deux expressions (13) et (14) est une mesure des réponses parasites qui peuvent être présentes dans le récepteur. La puissance de réponse parasite est, par définition, la puissance sur les fréquences de sortie  $v_{is}$  correspondant aux fréquences d'entrée v situées à *l'extérieur* de la bande de réponse principale  $v_a$  à  $v_b$ . A noter que *h* est supérieur ou égal à 1, et peut parfois dépasser 2 dans le cas de récepteurs superhétérodynes ayant une sélectivité faible ou nulle à l'entrée du changeur de fréquence. Dans de tels récepteurs, les réponses parasites sont engendrées par une intermodulation des signaux ou du bruit à diverses fréquences apparaissant au changeur de fréquence. Le changeur de fréquence mélange la puissance de bruit se trouvant dans une petite bande de fréquence d'entrée dv =  $v_1 - v_2$ , située à l'intérieur de la bande de réponse principale allant de  $v_a$  à  $v_b$ , avec la fréquence de l'oscillateur  $v_{os}$  pour produire du bruit dans les bandes de fréquence de sortie d $v_i = |v_{i1} - v_{i2}|$  déterminées par les relations:

$$\begin{cases} v_{i1} = w | nv_1 \pm mv_{os} | \\ v_{i2} = w | nv_2 \pm mv_{os} | \end{cases}$$

$$(15)$$

Ainsi, pour chaque bande de fréquence d'entrée dv située dans la bande principale de fréquence allant de  $v_a a v_b$ , il y aura une série de réponses de bruit de sortie dans les bandes de fréquence  $dv_i$  déterminées par les relations (15). Ces sorties de bruit sont dues aux battements entre le m<sup>ieme</sup> harmonique de la fréquence de l'oscillateur et le n<sup>ieme</sup> harmonique du bruit dans la bande dv, pour produire le w<sup>ieme</sup> sous-harmonique de la fréquence intermédiaire. De même, le changeur de fréquence mélange la puissance de bruit provenant des petites bandes de fréquence parasites d'entrée dv<sub>s</sub> =  $v_{s1} - v_{s2}$  situées à l'extérieur de la bande de fréquence allant de  $v_a a v_b$  pour produire du bruit à la sortie dans les bandes de fréquence d $v_{is1} - v_{is2}$  | déterminées par:

$$\left. \begin{array}{l} \left. v_{is1} = w \left| n v_{s1} \pm m v_{os} \right| \right. \\ \left. v_{is2} = w \left| n v_{s2} \pm m v_{os} \right| \right. \end{array} \right\}$$

$$(16)$$

Les bandes  $dv_{is}$  chevauchent généralement les bandes  $dv_i$ . Cependant, la puissance de bruit qui en résulte à la sortie du récepteur est simplement la somme des puissances de bruit de sortie résultant des diverses réponses. Ceci est habituellement vrai, même dans le cas où des bruits atmosphériques, ou des bruits industriels impulsifs sont présents avant la détection. Après la détection, il peut y avoir corrélation entre les tensions de bruit dans la réponse principale et les tensions de bruit dans la réponse parasite et, en fait, on utilise ce principe dans la construction des circuits de blocage du bruit impulsif.

A noter qu'il eût été possible de définir la largeur de bande du bruit en intégrant dans toutes les bandes de réponse, ce qui eût fourni la bande plus large hb. Cependant, la bande de fréquence dans laquelle le bruit apparaît finalement a la largeur b, ce qui est à l'origine de la définition (13). Des récepteurs avec réponses parasites auront des facteurs de bruit plus grands que ceux de récepteurs correspondants ne présentant pas ces réponses lorsque b est défini par l'expression (13). Si le changeur de fréquence a une sélectivité faible ou nulle à l'entrée, la réponse parasite de loin la plus importante dans un récepteur à un seul changement de fréquence es situe à l'intérieur de la bande de fréquence d'entrée allant de  $(2v_{os} - v_b)$  à  $(2v_{os} - v_a)$ , mais le niveau de cette réponse parasite peut généralement être réduit par augmentation de la sélectivité en ce point. Dans la plupart des récepteurs bien conçus, la valeur de h est inférieure à 1,01 en sorte que l'augmentation du facteur de bruit causé par les réponses parasites est habituellement négligeable. Bien que les réponses parasites de ces récepteurs n'entraînent généralement très médiocre du système lorsque des signaux brouilleurs intenses sont présents dans les bandes de réponse parasite.

On définit le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception comme le quotient du rapport signal en ondes entretenues/puissance de bruit de référence, soit  $[p_{a0}/(kT_0b)]$ , disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes, par le rapport correspondant signal/puissance de bruit, soit  $[p_{d0}/n_d]$ , disponible à la charge du système de réception, lorsque le signal en ondes entretenues a lieu sur la réponse maximale de la caractéristique du système de réception dans sa bande passante et que l'antenne de réception est dans son milieu ambiant, de température équivalente  $T_a$ :

$$f_{op} = [p_{a0}/(kT_0b)]/[p_{d0}/n_d] \qquad (f_{op} \ge 0)$$
(17)

La puissance de bruit de référence  $kT_0b$  est simplement la puissance de bruit de Johnson disponible dans une bande b aux bornes d'une résistance à la température absolue de référence  $T_0$  [18]. Dans l'expression ci-dessus,  $p_{a0}$  et  $p_{d0}$  représentent respectivement les valeurs de  $p_{av}$  et de  $p_{dv}$  lorsque le signal en ondes entretenues a lieu sur la réponse maximale du système de réception, et k est la constante de Boltzmann. Lorsque, dans l'expression (17), on remplace le rapport  $p_{d0}/p_{a0}$  par  $g_0$ , on obtient la définition suivante du facteur de bruit de fonctionnement:

$$f_{op} = n_d/g_0 k T_0 b = n_d/k T_0 \int g_{0\nu} d\nu$$
<sup>(18)</sup>

A noter que les composantes de la puissance de bruit  $n_d$  disponible dans la charge peuvent avoir une origine extérieure à l'antenne: dans sa résistance de rayonnement à une température équivalente  $T_a$ , dans la résistance de pertes du circuit d'antenne à une température ambiante  $T_e$ , dans la ligne de transmission à une température ambiante  $T_t$  dans les circuits d'amplification du récepteur lui-même, lesquels peuvent être caractérisés par une température équivalente de bruit à l'entrée  $T_e$ . De plus, ces composantes de bruit peuvent apparaître à la charge non seulement par l'intermédiaire des bandes de réponse principale du système de réception, mais aussi par l'intermédiaire de ses bandes de réponse parasite.

La température de bruit de fonctionnement  $T_{op}$  du système de réception est, par définition, simplement liée au facteur de bruit de fonctionnement par:

$$T_{op} \equiv f_{op} T_0 \tag{19}$$

#### 5. Mesure de la largeur de bande équivalente de bruit et du facteur de bruit de fonctionnement

La largeur de bande équivalente de bruit *b* se mesure comme suit: on remplace l'antenne de réception, dont l'impédance de sortie est  $Z'_v = (R'_v + iX'_v)$  par un générateur étalon dont l'impédance de sortie est  $Z_{gv} = (R_{gv} + iX_{gv})$ . Ce générateur est censé comprendre un atténuateur et un dispositif d'étalonnage, si bien que la puissance  $p_{av}$  et la fréquence v qu'il fournit sont connues avec précision dans une gamme suffisamment large de niveaux de puissance et dans la bande allant de  $v_a$  à  $v_b$ . Soient  $Z_{lv} = (R_{lv} + iX_{lv})$  l'impédance d'entrée du système de réception aux bornes de l'antenne de réception,  $l_{mav} \equiv |Z'_v + Z_{lv}|^2 / 4R'_v R_{lv}$  le coefficient de perte due aux réflexions à la fréquence v entre l'antenne de réception et l'entrée du système de réception et  $l_{mgv} \equiv |Z_{gv} + Z_{lv}|^2 / 4R_{gv}R_{lv}$  le coefficient de perte due aux réflexions entre le générateur étalon et l'entrée du système de réception. La puissance du signal en ondes entretenues  $p'_{av}$  disponible aux bornes de l'antenne de réception réelle correspondant à une puissance donnée  $p_{dv}$  disponible à la charge du système de réception est liée de la manière suivante à la puissance  $p_{gv}$  que doit fournir le générateur pour que la même puissance  $p_{dv}$  puisse être disponible à la charge:

$$p'_{av} = p_{av} l_{mav} / l_{mav}$$
(20)

La puissance de bruit disponible  $n_{dq}$ , le générateur étalon étant coupé, et la puissance totale du signal et du brúit disponible  $(p_{dv} + n_{dg})$  lorsque le générateur étalon est en fonctionnement, peuvent être mesurées en remplaçant le deuxième détecteur par un mesureur de puissance à la fréquence intermédiaire, tel qu'un bolomètre ou un thermocouple, dont l'impédance soit imaginaire conjuguée de l'impédance de sortie du récepteur dans toute la bande de sortie de celui-ci. La diminution de précision des mesures résultant du fait que l'impédance du mesureur de puissance n'est pas exactement conjuguée de l'impédance de sortie du récepteur ne sera généralement pas très grande en raison du fait, déjà mentionné, que les affaiblissements par défaut d'adaptation seront pratiquement les mêmes pour le signal et pour le bruit. Soit maintenant  $(p_{d0} + n_{da})$  la puissance totale du signal et du bruit fournie à cette charge adaptée, le générateur étalon étant accordé sur la réponse maximale du système de réception. L'atténuateur du générateur devrait être réglé de façon que sa puissance disponible  $p_{q0}$  soit suffisamment grande pour que la puissance fournie correspondante  $(p_{d0} + n_{dg})$  soit plusieurs fois supérieure à  $n_{dg}$ , sans toutefois qu'il en résulte une surcharge du système de réception. Soit  $p_{gv}$  la valeur de la puissance disponible à la sortie du générateur, nécessaire pour que la puissance de sortie  $(p_{dv} + n_{dg})$  soit constamment égale à la valeur sur la réponse maximale  $(p_{d0} + n_{dg})$ , le générateur étant réglé sur une fréquence quelconque de la bande qui va de  $v_a$  à  $v_b$ ; à noter que  $p_{gv} \ge p_{g0}$ . La largeur de bande équivalente de bruit peut alors être déterminée à partir de:

$$b = \int \frac{p_{g0} l_{ma0} l_{mgv} l_{rc0}}{p_{gv} l_{mav} l_{mg0} l_{rcv}} dv \quad (p_{dv} = p_{d0})$$
(21)

Dans le cas particulier où la résistance de pertes de l'antenne de réception peut être considérée comme étant en série avec sa résistance de rayonnement  $R_{rv}$ , on a  $l_{rev} = R'_v/R_{rv}$ . Une étude plus générale des méthodes d'évaluation de  $l_{rev}$ , y compris les effets d'affaiblissement des isolateurs, est donnée par Crichlow [19]. Le coefficient de perte  $l_{rev}$  a été calculé avec succès dans un cas à partir de  $l_{rev} = p_{rv}/(l_v p_{av})$  en mesurant la puissance  $p_{rv}$  rayonnée en provenance d'un émetteur cible et en calculant l'affaiblissement de transmission l, entre l'antenne de cet émetteur et l'antenne de réception. Il apparaît qu'il est impossible de mesurer directement  $l_{rev}$  sans calculer une quantité telle que la résistance de rayonnement  $R_{rv}$  ou l'affaiblissement de transmission  $l_v$ . Aux fréquences plus élevées,  $l_{rev}$  ne diffère généralement de l'unité que de façon négligeable; cependant, dans le cas d'une réception avec une antenne en losange unidirectionnelle bouclée sur son impédance caractéristique,  $l_{rev}$  peut être supérieur à 2 [20, 21], près de la moitié de la puissance reçue étant dissipée dans l'impédance terminale et une partie étant dissipée dans le sol. Pour déterminer b avec précision, il faut également connaître avec précision le rapport  $(l_{mav}/l_{mgv})$  dans la bande allant de  $v_a$  à  $v_b$ . Si l'on donne à l'impédance du générateur étalon une valeur égale à celle de l'antenne de réception dans toute cette bande de fréquence, ce facteur sera égal à l'unité. Sans quoi il sera nécessaire de mesurer  $Z'_{v}$ ,  $Z_{av}$  et  $Z_{lv}$  et de calculer les valeurs de ce rapport. Si le rapport  $|v_a - v_b|/v_a$ est suffisamment petit, on peut parfois obtenir une évaluation suffisamment précise de b lorsque tous les rapports d'affaiblissement de l'expression (21) sont rendus égaux à l'unité.

Ensuite, la valeur maximale  $g_0$  du gain se mesure comme étant la différence entre la puissance mesurée totale du signal et du bruit  $(p_{d0} + n_{dg})$  et la puissance mesurée du bruit à la sortie  $n_{dg}$ , divisée par la puissance du signal correspondant  $p_{a0} = p_{g0} l_{rc0} l_{ma0}/l_{mg0}$  disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes:

$$g_0 \equiv \frac{p_{d0}}{p_{a0}} = \frac{\left[(p_{d0} + n_{dg}) - n_{dg}\right] l_{mg0}}{p_{g0} l_{rc0} l_{ma0}}$$
(22)

Il convient d'observer que  $p_{g0}$  et que le rapport  $(l_{ma0}/l_{mg0})$  peuvent être mesurés, mais que  $l_{rc0}$  est une valeur calculée.

Finalement, l'antenne étant connectée à l'entrée du système de réception et aucun signal n'étant présent dans la bande de réponse principale ni dans la bande de réponse parasite, soit  $n_d$  la puissance de bruit mesurée disponible à la sortie du système de réception. En présence d'un niveau de bruit atmosphérique appréciable,  $n_d$  doit être mesurée avec un appareil ayant une longue constante de temps, de l'ordre de 5 minutes, pour obtenir une valeur stable. Grâce à ces valeurs mesurées de  $b, g_0$  et  $n_d$ , il est possible de déterminer la valeur correspondante de  $f_{op}$  à partir de l'expression (18). Etant donné que, en règle générale,  $n_d$  dépend du niveau de bruit externe capté par l'antenne de réception,  $f_{op}$  variera également avec ce niveau et il faudra utiliser des méthodes statistiques pour donner une description statisfaisante du facteur de bruit de fonctionnement.

Pour donner de nouvelles relations utiles et un nouvel aperçu de la nature de ce facteur de bruit de fonctionnement et de ses diverses composantes, nous allons le calculer de manière différente dans l'Annexe I du présent document, en utilisant le théorème de Friis pour ajouter les facteurs propres de bruit de plusieurs quadripôles connectés en série.

### 6. Mesure du facteur de bruit et de la largeur de bande équivalente de bruit d'un récepteur avec une source de signaux dispersés

Dans cette méthode, on utilise un générateur de bruit à signaux aléatoires dont la puissance disponible est uniformément dispersée au moins dans la bande de réponse principale du récepteur (bande qui va de  $v_c$  à  $v_d$ ), et qui est étalonné en puissance disponible par unité de largeur de bande  $p_d(W/Hz)$ .

Le générateur de bruit, dont la température ambiante est  $T_g$  et dont l'impédance de sortie est réglée de manière à être identique à celle du réseau auquel le récepteur est connecté dans les conditions de fonctionnement, est tout d'abord connecté au récepteur. On remplace ensuite la partie linéaire du récepteur par un mesureur de puissance HF tel qu'un bolomètre ou un thermocouple, dont l'impédance est imaginaire conjuguée de l'impédance de sortie du récepteur dans toute la bande passante de celui-ci. La puissance de bruit disponible  $n_{dg}$  lorsque le générateur de signaux est hors de service et la puissance de bruit totale disponible  $(p_{dg} + n_{dg})$  lorsque le générateur de signaux est en fonctionnement sont alors mesurées à la sortie. On règle le niveau de  $p_g$  en provenance du générateur de bruit à l'entrée jusqu'à la puissance de bruit disponible à la sortie  $(p_{dg} + n_{dg}) = mn_{dg}$ , *m* étant une valeur que l'on prend d'ordinaire égale à 10. On remplace ensuite le générateur de bruit par un générateur de signaux en ondes entretenues ayant lui aussi une température ambiante  $T_g$ , et dont l'impédance de sortie est réglée de façon à être la même que celle du réseau auquel le récepteur est connecté dans les conditions de fonctionnement. Ce générateur étant accordé sur la réponse maximale du récepteur puis mis hors service, la puissance de bruit à la sortie devrait avoir la même valeur  $n_{dg}$  que précédemment. Le générateur est ensuite mis en fonctionnement et on règle son niveau  $p_{g0}$  jusqu'au moment où la puissance du signal de sortie plus la puissance de bruit  $(p_{d0} + n_{dg})$  est égale à  $mn_{dg}$ , m ayant la même valeur que précédemment.

La puissance du signal et la puissance de bruit étant réglées aux niveaux indiqués ci-dessus, on obtient les relations suivantes:  $\infty$   $v_d$ 

$$p_{g0}g_r = p_{d0} = p_{dg} = \int_{0}^{0} p_g g_{rv} dv = p_g h_r \int_{v_c}^{0} g_{rv} dv$$
(23)

$$b_r \equiv \frac{1}{g_r} \int_{v_r}^{u} g_{rv} dv \equiv \frac{1}{h_r g_r} \int_{0}^{v} g_{rv} dv = p_{g0}/p_g h_r$$
(24)

$$h_r = p_{g0}/p_g b_r \tag{24a}$$

$$f_{r} = [n_{dg}/kT_{0}\int_{v_{c}}g_{rv}dv] + [1 - (T_{g}/T_{0})]h_{r} = \frac{n_{dg}p_{g}h_{r}}{kT_{0}p_{dg}} + [1 - (T_{g}/T_{0})]h_{r}$$

$$= \left\{\frac{p_{g}}{kT_{0}(m-1)} + [1 - (T_{g}/T_{0})]\right\}h_{r}$$
(25)

Le petit facteur de correction de l'équation (25),  $[1 - (T_g/T_0)]h_r$  serait nul si  $T_g$  était réglé de manière que  $T_g = T_0$  et on peut normalement le négliger. Cette méthode de mesure peut être utilisée pour déterminer  $f_r$  seulement lorsque  $b_r$  a été mesuré indépendamment, auquel cas  $h_r$  peut être déterminé par la relation (24a) puis  $f_r$  par la relation (25). Il n'est pas possible de déterminer une valeur précise de  $h_r$  à partir de (24a) à moins que la puissance disponible du générateur de signaux aléatoires soit uniformément dispersée dans une bande suffisamment large pour couvrir toutes les bandes de réponse parasite.

#### 7. Rapport signal utile/bruit

Le gain pour le signal de fonctionnement  $g_s$  de la partie linéaire du système de réception peut être défini comme le rapport de la puissance du signal utile disponible à la charge du récepteur à la puissance du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes:

$$g_s = \frac{p_d}{p_a} = \frac{\int\limits_{v_t}^{m} l_{rcv} (\mathrm{d}p'_{av}/\mathrm{d}v) g_{0v} \mathrm{d}v}{\int\limits_{v_t}^{v_m} l_{rcv} (\mathrm{d}p'_{av}/\mathrm{d}v) \mathrm{d}v} \equiv \frac{p_d}{l_{rc} p'_a}$$
(26)

dans cette expression,  $(dp'_{av}/dv)$  représente la densité spectrale de la puissance du signal utile aux bornes de l'antenne de réception réelle avec pertes et  $l_{rc}$  est défini par l'expression (11). Dans le cas particulier où la fréquence du signal utile en ondes entretenues est égale à la fréquence de réponse maximale du système de réception, on a  $g_s = g_0$ . Le gain pour des signaux modulés ou désaccordés sera inférieur à  $g_0$ . En conséquence,  $g_s$  et  $l_{rc}$  dépendront du degré et de la nature de la modulation et de l'accord du signal utile par rapport à la caractéristique de réponse du système de réception.

Il en résulte que le rapport de fonctionnement, r, signal disponible/bruit disponible à la sortie du récepteur est inférieur dans la proportion  $g_s/g_0$  au rapport: signal accordé en ondes entretenues/bruit  $[p_{d0}/n_d]$ . On a en effet:

$$r \equiv [p_{d0}/n_d][g_s/g_0] = [p_a/(f_{op}kT_0b)][g_s/g_0]$$
(27)

Exprimée en décibels, la relation (27) entre la puissance du signal utile  $P_a$  disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes et le rapport signal de fonctionnement/bruit R disponible à la sortie de la partie linéaire du système de réception peut s'écrire:

$$P_a = F_{op} + B + R + G_0 - G_s - 204 \text{ dBW}$$
(28)

Etant donné que  $T_0$  doit être choisi de manière quelque peu arbitraire dans tous les cas, la valeur ci-dessus a été assignée de telle façon que la constante de l'expression (28) soit égale à 204 pour la meilleure évaluation qu'il soit actuellement possible de faire pour k; ce choix est conforme aux indications du Rapport 322. Dans la pratique, il est plus commode d'utiliser ce niveau de référence du bruit dont il est facile de se souvenir (-204 dBW ou -174 dBm) que d'adopter comme référence les valeurs précédemment proposées de  $T_c = 300^\circ$ ,  $290^\circ$  ou  $1^\circ$ K. On notera que l'emploi de  $T_0 = 288,37^\circ$  augmente les facteurs de bruit d'une quantité inférieure à 0,024 dB, en sorte qu'ils diffèrent de façon négligeable de ceux mesurés avec une température de référence  $T_0 = 290^\circ$  qui ont été adoptés par l'IEEE [16, 17]. Cependant, l'emploi d'une température de référence  $T_0 = 1^\circ$ K aboutirait à des facteurs de bruit qui seraient supérieurs de 24,6 dB et égaux à  $10 \log_{10} T_{op}$ . Une autre constante physique utile dans les mesures de bruit est le rapport de  $kT_0$  à la charge  $\varepsilon$  de l'électron; elle a pour valeur:  $kT_0/\varepsilon = 0,024849 \pm 0,000003$  V.

La différence  $[G_0 - G_s]$  entre le gain du signal en ondes entretenues accordées et le gain du signal de fonctionnement est habituellement négligeable, car le récepteur est normalement conçu de manière à avoir une bande passante un peu plus large que celle qui est théoriquement nécessaire pour la réception du signal utile. On pourrait inclure cette légère différence dans la définition de la largeur de bande équivalente de bruit B, mais B dépendrait alors des caractéristiques du signal utile aussi bien que de celles du système de réception, ce qui n'apparaît pas souhaitable. C'est pourquoi cette légère correction est indiquée explicitement. Rappelons au passage les relations bien connues:

$$T_{\text{KELVIN}} = 273,16 + T_{\text{CELSIUS}} = 255,38 + (5/9)T_{\text{FAHRENHEIT}}$$
(29)

Si l'impédance du générateur de signaux utilisé pour les mesures du facteur de bruit du récepteur a pour température  $T_g$  et non  $T_0$ , il convient d'ajouter un facteur  $[1 - (T_g/T_0)]h_r$  à la valeur ainsi mesurée pour déterminer  $f_r$ . Il en découle qu'il se produira sur  $f_r$  une erreur inférieure à  $\pm 0.1 h_r$ si  $T_g$  est comprise entre 260° K et 317° K (entre -13 et 44° C, ou entre 8 et 111° F). Donc, l'emploi de la valeur précise  $T_g = 288,37^\circ$  K  $= 15,21^\circ$  C  $= 59,38^\circ$  F ne sera nécessaire que pour des mesures de facteur de bruit extrêmement précises. Le choix de  $T_0 = 290^\circ$  fait par l'IEEE [16, 17] est simplement fondé sur le désir d'avoir une température de référence bien comprise dans la gamme des températures susceptibles d'être observées dans le laboratoire où sont faites les mesures du facteur de bruit. Dans le présent Rapport, on a choisi la valeur de référence  $T_0 = 288,37^\circ$  K non seulement parce qu'elle répond à cette condition, mais parce qu'elle a, en outre, les avantages suivants:

- elle repose sur l'une des constantes fondamentales de la physique;
- elle permet d'obtenir l'équation (28) avec la constante simple 204 dBW, et est ainsi conforme au Rapport 322.

En utilisant les définitions données dans l'Avis 341 pour la valeur médiane de l'affaiblissement de transmission en interférence de phase  $L_m$ , la valeur médiane de l'affaiblissement de transmission de référence en interférence de phase  $L_{bm}$  et le gain de l'antenne pour le trajet  $G_p$ , les expressions suivantes rattachent la puissance  $p_a$  disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes à la puissance  $p_t$  rayonnée par l'antenne d'émission:

$$P_{a} = P_{t} - L_{m} = P_{t} + G_{p} - L_{bm}$$
(30)

La puissance rayonnée  $p_t$  est inférieure à la puissance à l'entrée de l'antenne d'émission  $p'_t$  du fait de l'existence d'un facteur d'affaiblissement  $l_{tc}$  qui tient compte des pertes dans le circuit d'antenne:

$$L_{tc} \equiv P'_t - P_t \tag{31}$$

De plus, la puissance  $p'_t$  est inférieure à la puissance  $p''_t$  fournie à la ligne de transmission du fait de l'existence d'un facteur d'affaiblissement  $l_{tt}$  qui tient compte des pertes dues à la ligne de transmission et au défaut d'adaptation:

$$L_{tt} = P_t'' - P_t'$$
(32)

En combinant les expressions ci-dessus, on obtient la formule générale suivante qui indique la puissance requise à l'émission pour obtenir une valeur donnée R du rapport signal de fonctionnement/bruit:

$$P_{tr}'' = L_{tt} + L_{tc} + L_{bm} - G_{p} + F_{op} + R + G_{0} - G_{s} + B - 204 \text{ dBW}$$
(33)

— 16 —

#### 8. Caractéristiques statistiques de la tension d'enveloppe du bruit et de la tension d'enveloppe du signal à la sortie de l'étage de prédétection du récepteur

Le facteur de bruit de fonctionnement, la température de bruit de fonctionnement et le rapport signal utile/bruit dépendent uniquement de la puissance du bruit et de la puissance du signal à la sortie du système de réception; de leur côté, ces puissances sont influencées essentiellement par la température de bruit équivalente de l'antenne, par la caractéristique de gain de puissance du système de réception et par sa largeur de bande équivalente de bruit.

Néanmoins, le seuil de fonctionnement du système de réception dépend également des caractéristiques suivantes de l'évanouissement par interférence de phase:

- la distribution de probabilité cumulative d'amplitude de la tension d'enveloppe du bruit et de la tension d'enveloppe du signal;
- le nombre  $n(\Delta)$  des passages prévus (par unité de temps) par divers niveaux  $\Delta$  pour la tension d'enveloppe du bruit et la tension d'enveloppe du signal;
- de la distribution cumulative des durées pendant lesquelles la tension d'enveloppe de bruit et la tension d'enveloppe du signal dépassent divers niveaux.

Si l'on pouvait considérer que les tensions d'enveloppe du bruit et du signal ont une distribution aléatoire dans le temps, les trois statistiques ci-dessus donneraient une description convenable de leurs caractéristiques pour la plupart des applications. Cependant, le bruit atmosphérique, certaines formes de bruits industriels et certains types de signaux tendent à se présenter par paquets de bruits à caractère plus ou moins permanent séparés par des intervalles variables. Ces caractéristiques du bruit et des signaux peuvent également affecter le seuil de fonctionnement du système de réception, mais jusqu'ici, on n'a fait que peu de progrès vers la mise au point de méthodes appropriées pour leur analyse, bien qu'il apparaisse clairement que la fonction d'autocorrélation de la tension d'enveloppe puisse être un outil précieux.

Le niveau de la tension d'enveloppe du bruit ou du signal peut s'exprimer en décibels au-dessus d'un certain niveau de référence commode, tel que sa valeur efficace, sa valeur médiane ou sa valeur moyenne sur des durées  $T_i$  relativement courtes, égales à une heure ou à moins, par exemple, pendant lesquelles on peut considérer que cette enveloppe est une série temporelle stationnaire [33, 56]; toutes les données statistiques étudiées dans la présente section de ce document correspondent à ce cas. Les variations à plus long terme des puissances du signal et du bruit sont traitées selon les méthodes indiquées dans le Rapport 414.

Dans le Rapport 322,  $\Delta$  représente le niveau de la tension d'enveloppe au-dessus de sa valeur efficace exprimée en décibels.

Soit  $q(\Delta)$  la probabilité pour que  $\Delta > \Delta(q)$ ;  $q(\Delta)$  ou  $\Delta(q)$  peuvent alors être pris pour la distribution de probabilité d'amplitude de la tension d'enveloppe pendant la durée  $T_i$ .

Les prévisions de la répartition de probabilité d'amplitude pour le bruit atmosphérique indiquées dans la Fig. 27 du Rapport 322 sont exprimées par le rapport  $V_d$  (en dB) de la tension d'enveloppe efficace à la tension d'enveloppe moyenne du bruit, ainsi que par la largeur de bande équivalente de bruit b du système de réception (en Hz).

Les systèmes de réception à large bande ne sont pas caractérisés de manière satisfaisante par la valeur de b; il faudrait y ajouter la largeur de bande pour le bruit impulsif.

La largeur de bande pour le bruit impulsif d'un système de réception est définie par la formule:

$$1/b_i = (1/v_{max}) \int_{0}^{\infty} v(t) dt \qquad (\text{secondes})$$
(34)

dans laquelle v(t) est la tension d'enveloppe engendrée à la sortie de l'étage de prédétection du système de réception par une impulsion unique courte introduite dans le circuit de l'antenne de réception. Si la durée de l'impulsion  $\Delta t \leq 1/(10 b_i)$ , les valeurs mesurées de  $b_i$  se trouveront être indépendantes de cette durée. On observera que, pour la plupart des systèmes de réception, la largeur de bande pour le bruit impulsif est un peu plus grande que la largeur de bande équivalente de bruit.

Il est bien certain que le paramètre  $V_d$  dépend:

- de la répartition des intervalles de temps  $\tau_i$  qui séparent les impulsions de bruit dans le circuit de l'antenne de réception;

- de la répartition de leurs amplitudes;

- dans une certaine mesure, du rapport  $b_i/b$ ;

- de façon plus générale, de la forme de la bande passante.

Lorsque  $\tau_i$  sera  $\ll 1/b$ ,  $V_d$  approchera de sa valeur minimale (1,049 dB) et la répartition de probabilité d'amplitude se rapprochera de la forme prévue pour une distribution de Rayleigh [36, 37, 38, 39 et 40].

Les valeurs médianes  $V_{dm}$ , pour le bruit atmosphérique, pour lesquelles des prévisions sont données dans le Rapport 322, correspondent à une installation réceptrice dont la largeur équivalente de bande de bruit est égale à b = 200 Hz, mais la Fig. 26 de ce Rapport donne également une méthode permettant d'évaluer  $V_d$  pour le bruit atmosphérique reçu par des systèmes ayant une largeur de bande  $b < b_m$  ( $b_m$  étant de l'ordre de 10 kHz); Spaulding, Roubique et Crichlow [41] ont établi un graphique permettant d'évaluer  $V_d$  pour des largeurs de bande b < 200 Hz, lequel est d'un emploi plus commode que la Fig. 26 du Rapport 322. On observera que cette simple transformation de largeur de bande n'est strictement valable que lorsque les formes des bandes de réponse sont identiques. Pour l'un des enregistreurs de bruit ARN-2 utilisés pour calculer les données mentionnées dans le Rapport 322, le rapport  $b_i/b$  est égal à 1,225.

Lorsque les valeurs calculées sont suffisamment élevées ( $V_d \ge 12$  dB), on peut utiliser la formule suivante pour évaluer  $V_d$  dans le cas d'un système de réception ayant une largeur de bande équivalente de bruit  $b < b_m$ :

$$V_d = V_{dm} - 23 + 10 \log_{10} b \qquad (V_d > 12; b < b_m)$$
(35)

Les valeurs de  $V_{dm}$  à utiliser dans l'expression (35) correspondent à un système de réception ayant une largeur de bande b = 200 Hz; elles sont données dans le Rapport 322, en fonction de la fréquence radioélectrique, de l'heure du jour et de la saison de l'année. Avec des largeurs de bande pour le bruit impulsif supérieures à  $b_m$ , on a constaté que  $V_d$  n'augmentait plus en même temps que bselon l'expression (35) mais commençait à se stabiliser en raison du fait que les valeurs de crête des impulsions de bruit, qui ne se chevauchent pas, ne sont alors plus proportionnelles à b. Soit  $\tau_r$ , le temps de montée d'une impulsion de bruit typique sans chevauchement dans le circuit de l'antenne de réception; la valeur maximale  $b_m$  de b pour laquelle  $V_d$  est proportionnel à 10  $\log_{10} b$ sera alors proportionnelle à  $1/\tau_r$ . En conséquence  $\tau_r$  et  $b_m$  dépendent de la nature du bruit et peuvent fort bien différer pour un grand nombre de sources de bruit industriel et pour le bruit atmosphérique.

Cependant, on a constaté que les trois paramètres  $V_d$ , b et  $b_i$  sont utiles pour caractériser le bruit industriel aux fréquences v inférieures à 20 MHz et pour les largeurs de bande  $b < b_m$ ; on s'attend à ce qu'il en soit de même aux fréquences encore plus hautes et pour des largeurs de bande plus grandes. Les seuls changements attendus dans la méthode de prévision de la répartition de probabilité d'amplitude impliqueront une relation entre  $V_d$  et b différente de celle qui est indiquée à la Fig. 26 du Rapport 322, ainsi qu'une différence dans la forme de cette répartition dans le cas où b est  $> b_m$ ; on peut également prévoir que cette différence de forme dépend du rapport  $b_i/b$ . Aux fréquences v supérieures à 2 GHz, le bruit industriel est généralement négligeable et on peut alors admettre que la distribution de la tension d'enveloppe suit la loi de Rayleigh.

Pour les bruits industriels, le C.I.S.P.R. a normalisé de façon quelque peu arbitraire des mesures de bruit de quasi-crête: pour la bande de 0,15 MHz à 30 MHz,  $b_6 = 9$  kHz, constante de temps de charge 1 ms, constante de temps de décharge 160 ms; pour la bande de 25 MHz à 300 MHz,  $b_6 = 120$  kHz, constante de temps de décharge 1 ms, constante de temps de décharge 550 ms. Dans ce qui précède,  $b_6$  représente la largeur de bande 6 dB en dessous de la réponse maximale. Néanmoins, on cherchait alors à mettre au point une méthode normalisée objective permettant de déterminer dans quelle mesure les suppresseurs de bruit parviennent à supprimer le bruit de diverses sources. Les normes du C.I.S.P.R. sont parfaitement appropriées pour ce genre d'application. En revanche, pour résoudre les problèmes d'assignation de fréquences du C.C.I.R., il est bon de prévoir la répartition du niveau de bruit en des emplacements de réception particuliers, telle qu'elle peut résulter d'un échantillon représentatif de sources de bruit et, en ce cas, il est souhaitable de mesurer le niveau de puissance du bruit selon la méthode analysée dans le présent document, ainsi qu'avec les paramètres statistiques additionnels décrits dans le Rapport 322 et dans la présent section de ce document.

Rice [42, 43] a montré que le taux de passage  $n(\Delta)$  de la tension d'enveloppe du bruit par le niveau  $\Delta$  peut s'exprimer sous la forme:

$$m(\Delta) = \alpha b p(\Delta)$$
 (Hz) (36)

 $p(\Delta)$  représentant la densité de probabilité de l'enveloppe au niveau  $\Delta$  et  $\alpha$  étant une constante sans dimension voisine de l'unité, qui dépend de la forme de la caractéristique de bande passante du récepteur et du spectre de puissance du bruit dans cette bande. Rice a également montré comment  $p(\Delta)$  est influencé par la présence d'un signal sinusoïdal dans la bande passante dans le cas particulier où la répartition de probabilité d'amplitude obéit à la loi de Rayleigh.

Soit  $t(\Delta)$  la durée pendant laquelle la tension d'enveloppe du bruit dépasse  $\Delta$  pour une impulsion de bruit particulière. La valeur moyenne de cette variable aléatoire est donnée par:

$$\bar{t}(\Delta) = q(\Delta)/n(\Delta) \text{ (secondes)}$$
 (37)

Cette analyse a été appliquée par Norton et ses collaborateurs [44] à l'étude du taux d'évanouissement de la tension d'enveloppe d'un signal subissant un évanouissement. C'est alors en général la largeur de bande équivalente du milieu de propagation, plutôt que la largeur de bande du système de réception, qui constitue le facteur déterminant.

Rice [44, 45] a analysé la répartition temporelle des durées de la variable aléatoire  $t(\Delta)$  pour le bruit et pour des signaux subissant un évanouissement de Rayleigh.

Aux fins des descriptions statistiques ci-dessus, l'emploi du signal utile et du bruit pour déterminer le seuil de fonctionnement d'un système de réception dépend du type de ce signal utile et du type du bruit; cela n'entre pas dans le cadre du présent document. Divers mémoires [46, 47, 48 et 49] donnent des exemples d'application de ces statistiques à des types particuliers de service.

Conda [50] étudie l'effet du bruit atmosphérique sur la probabilité d'erreurs pour un système NCFSK et décrit les évanouissements par une distribution gamma. Cette distribution convient, au point de vue mathématique, pour décrire une vaste série de conditions [51].

Dans le Rapport 415 on a divisé l'évanouissement en une composante stationnaire à court terme décrite par la distribution de Nakagami-Rice et une distribution d'évanouissement de puissance à long terme; il vaut mieux déterminer les caractéristiques de cette dernière par une méthode empirique plutôt que d'obliger les données à entrer de façon plus ou moins arbitraire dans un cadre mathématique tel que la répartition gamma. Compte tenu du grand nombre de mécanismes qui peuvent être à l'origine de l'évanouissement de puissance, il n'est pas surprenant que les méthodes empiriques soient les mieux appropriées pour ces prévisions.

#### 9. Seuil de fonctionnement $p_{mr}(g)$ d'un système de réception

Le seuil de fonctionnement d'un système de réception et sa valeur générale en ce qui concerne son aptitude à surmonter le bruit peuvent être mesurés de façon commode par l'expression:

$$p_{mr}(g) = r_i(g)f_{op}kT_0b \equiv r_i(g)kT_{op}b \qquad (watts)$$
(38)

dans laquelle  $r_i(g)$  représente la valeur du produit  $r(g_0/g_s)$  nécessaire pour que le système considéré procure une qualité donnée g. Il convient d'observer que  $r_i(g)$  dépend:

- des caractéristiques statistiques du signal et du bruit étudiées dans le §8;
- du degré et de la nature de la modulation du signal utile;
- de la mesure dans laquelle la bande passante du récepteur correspond aux caractéristiques spectrales du signal utile et est alignée sur elles.

En particulier, tout décalage de la bande passante provoquera une diminution de  $g_{s,r}$  en sorte que  $p_{mr}(g)$  et, en conséquence  $r_i(g)$  augmenteront de manière correspondante. Dans la pratique, il n'est pas nécessaire de mesurer  $g_s$  étant donné que  $r_i(g)$  peut être déterminé très facilement à partir des valeurs mesurées directement ou calculées de  $p_{mr}(g)$  et de b, ainsi que d'une valeur mesurée de  $f_{op}$  ou de  $T_{op}$  en appliquant les relations:

$$r_i(g) \equiv p_{mr}(g)/(f_{op}kT_0b) = p_{mr}(g)/(kT_{op}b)$$
 (39)

On peut mesurer  $p_{mr}(g)$  pour les signaux utiles ne subissant pas d'évanouissement en faisant varier la puissance du signal utile  $p_a$  définie par l'expression (10) jusqu'au moment où la qualité de service réellement assurée est égale à la qualité de service spécifiée. On pourrait, par exemple, tracer la courbe du taux d'erreur pour un système de réception de téléimprimeur en fonction de la puissance du signal utile  $p_a$ , en sorte que  $p_{mr}(g)$  serait égal à la valeur de  $p_a$  correspondant au taux d'erreur associé à la qualité de service spécifiée.

Dans bien des applications, particulièrement lorsque le bruit atmosphérique intervient,  $T_a$  et  $f_a$  varient largement dans le temps et il est alors utile de considérer  $f_{op}$  et  $n_d$  comme des variables

aléatoires et de les décrire par leurs caractéristiques statistiques appropriées. Dans d'autres applications, notamment pour les télécommunications par satellites, on constate que  $f_{op}$  et  $n_d$  varient avec l'orientation de l'antenne de réception puisque  $T_a$  et, partant,  $f_{op}$  et  $T_{op}$  varient selon que l'antenne est pointée dans des directions différentes.

Etant donné que la puissance du signal utile et celle du bruit peuvent varier de minute en minute de façon aléatoire et imprévisible, il est commode d'inclure les effets de ces variations à court terme de  $p_a$ , de  $g_s$  et de  $n_d$  dans  $p_{mr}(g)$  et, par conséquent, dans  $r_i(g)$ . En conséquence, il conviendrait de considérer que  $p_{mr}(g)$  et  $r_i(g)$  sont des valeurs médianes mesurées ou calculées sur une courte période, une heure par exemple, pendant laquelle la qualité de service assurée dans des conditions d'évanouissements typiques pour le signal et pour le bruit est juste égale à la qualité de service spécifiée. Pour tenir compte des effets possibles de la dérive du récepteur sur  $p_{mr}(g)$ , sa valeur mesurée avec le récepteur accordé peut être multipliée par le facteur  $g_{st}/g_{sd}$ ,  $g_{st}$  et  $g_{sd}$  étant respectivement les gains équivalents du signal lorsque le récepteur est accordé et lorsqu'il est désaccordé de la valeur dont il est prévu qu'elle sera dépassée dans les conditions de fonctionnement pendant un pourcentage de temps spécifié comme tolérable.

Le seuil de fonctionnement  $p_{mr}(g)$  peut alors être exprimé en décibels au-dessus d'un watt, par:

$$P_{mr}(g) = R_i(g) + F_m + B - 204 \text{ dBW}$$
(40)

Dans cette expression,  $F_m$  représente la valeur médiane de  $F_{op}$ . Admettons maintenant que la valeur  $R_0(g)$  du rapport signal utile/bruit nécessaire pour assurer la qualité de service spécifiée soit déterminée directement à la sortie de l'étage de prédétection du récepteur. Dans ce cas, il découle de (28) que  $P_{mr}(g)$  est donné par:

$$P_{mr}(g) = R_0(g) + G_0 - G_s + F_m + B - 204 \text{ dBW}$$
(41)

L'expression ci-dessus n'est applicable qu'aux systèmes de réception « à limitation par le bruit » ayant un gain de prédétection suffisant. Si la valeur requise de  $P_{mr}(g)$  directement déterminée est supérieure à celle qui résulte de (41), on dit que le système de réception est: « à limitation par l'amplification ». Pour de tels systèmes, la valeur de  $R_i(g)$  déterminée par (40) est supérieure à  $[R_0(g)+G_0-G_s]$ .

Dans le cas particulier d'un signal modulé en amplitude, il est habituellement plus commode de déterminer la valeur médiane horaire de la puissance de l'onde porteuse du signal utile  $P_{mrc}(g)$  nécessaire pour assurer la qualité de service spécifiée. Si  $R_{rc}(g)$  représente la valeur médiane du rapport porteuse utile/bruit, avant détection, nécessaire pour assurer la qualité de service spécifié, on peut écrire:

$$P_{mrc}(g) = R_{rc}(g) + F_m + B - 204 \text{ dBW}$$
 (42)

Cette expression n'est applicable qu'aux systèmes de réception à limitation par le bruit, accordés sur l'onde porteuse.

#### 10. Point de référence pour le facteur de bruit de fonctionnement

On peut utiliser la notion de température de bruit de fonctionnement pour spécifier les caractéristiques d'une gamme étendue de dispositifs et de systèmes autres que les systèmes de réception radioélectrique, et l'information nécessaire pour décrire ces températures de bruit de fonctionnement de façon utile et claire est étudiée dans un mémoire récent d'Engelbrecht [52]. Le facteur de bruit de fonctionnement peut être utilisé de façon générale pour caractériser une partie spécifiée d'un système en fonctionnement à un plan d'entrée donné ou à une série de bornes d'entrée. Pour le C.C.I.R., le plan de référence pour le facteur de bruit de fonctionnement d'un système de réception radioélectrique sera toujours considéré, sauf avis contraire, comme l'entrée aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes. On pourrait croire que les bornes d'entrée du récepteur présentent certains avantages en tant que point de référence, du fait que le rapport signal/bruit peut y être mesuré directement. Cependant, il est facile de montrer par'un exemple que l'utilisation de ce point de référence ne fournit pas un facteur de bruit de fonctionnement mesurant de manière appropriée la qualité du système de réception complet ce qui, après tout, était le seul objet qu'avait la définition de ce facteur. Pour plus de simplicité, on utilisera la formule approchée  $(z)^*$  pour  $f_{op}$  dans l'exemple suivant. Si un facteur de bruit de fonctionnement  $f_0$  est défini comme étant le quotient du rapport signal disponible en ondes entretenues/puissance de référence du bruit

<sup>\*</sup> Voir Annexe I.

à la sortie de la ligne de transmission par le rapport signal disponible/bruit à la sortie du récepteur, on peut écrire, dans le cas spécial auquel la formule (z) peut s'appliquer:

$$f_0 = f_{op}/l_{rc}l_{rt} = \left[ (f_a - 1)/l_{rc}l_{rt} \right] + f_r$$
(43)

Considérons maintenant deux systèmes avec  $f_{a1} = 3$ ,  $l_{rc1} = 2$ ,  $l_{rt1} = 3$ ,  $f_{r1} = 3$  et  $f_{a2} = 5$ ,  $l_{rc2} = 4$  $l_{rt2} = 3$  et  $f_{r2} = 3$ ; pour ces systèmes,  $f_{op1} = 20$  et  $f_{op2} = 40$  lorsqu'on se rapporte aux bornes de l'antenne équivalente sans pertes. Le premier système est deux fois meilleur que le second, puisque la valeur de la puissance  $p_{mr}(g)$  nécessaire pour assurer le même rapport signal/bruit à la sortie est inférieure de moitié. Les facteurs  $f_{01}$  et  $f_{02}$  qui étaient rapportés à la sortie de la ligne de transmission sont égaux l'un et l'autre à 10/3, bien que les systèmes soient évidemment de qualités différentes. En conséquence, il convient de conclure que le seul point de référence approprié pour le facteur de bruit de fonctionnement et pour la température de bruit de fonctionnement correspondante se situe aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes.

#### 11. Autres considérations relatives au facteur de bruit

Aux très hautes fréquences, ou à de très basses températures, la puissance de bruit disponible en provenance d'une source de température absolue T sera inférieure à kTb du facteur  $(hv/kT) [\exp(hv/kT) - 1]$  comme l'a montré Nyquist [18]; dans cette expression, h représente la constante de Planck. Etant donné que  $(hv/kT) = 0,0479928 \vee (GHz)/T$  [voir NBS Technical News Bulletin, octobre 1963], cette correction représente une réduction de moins de 0,1 dB de la puissance de bruit disponible lorsque  $\nu$  (GHz)/T est inférieur à 0,9559, c'est-à-dire lorsque  $\nu > 275$  GHz à la température de référence  $T_0$  ou lorsque  $\nu < 9,5$  GHz pour une température  $T = 10^{\circ}$  K. Balazs [53] a montré que la puissance de bruit de Johnson d'un conducteur dépend également de la forme de ce conducteur aux très hautes fréquences.

On trouve dans certains documents [54, 55] diverses études sur les difficultés dues aux résistances « négatives » et aux températures « négatives » correspondantes dans certains types d'amplificateurs; cependant, de telles considérations n'ont d'importance que pour la construction et la description des divers éléments qui entrent dans la construction d'un récepteur.

Il est parfois possible de diminuer le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  d'un système de réception et, partant, d'améliorer son comportement en modifiant l'ordre de ses diverses parties. Si l'on veut étudier de quelle manière il est possible d'y parvenir, on peut utiliser la formule de Friis pour deux quadripôles en tandem. Soient deux quadripôles p et q, de facteurs de bruit  $f_p$  et  $f_q$ , les deux quadripôles étant montés en tandem, p précédant q, présenteront un facteur de bruit donné par la formule:

$$f_{pq} = f_p + (f_q - 1)/g_p \tag{44}$$

Si au contraire q précède p, le facteur de bruit des deux quadripôles en tandem sera donné par la formule: f = f + (f - 1)/q(45)

$$f_{qp} = f_q + (f_p - 1)/g_q \tag{45}$$

Si l'on veut que  $f_{pq} < f_{qp}$ , il faut donc que:

$$f_p + (f_q - 1)/g_p < f_q + (f_p - 1)/g_q \tag{46}$$

Nous examinerons pour commencer les conditions dans lesquelles il y a avantage à utiliser un préamplificateur p aux bornes de l'antenne qui précèdent la ligne de transmission représentée par le quadripôle q. Dans ce cas  $g_q = 1/l_{rt}$  et  $f_q = 1 + (l_{rt}-1) (T_t/T_0)$ , en sorte que, lorsque le préamplificateur précède la ligne de transmission, on peut écrire:

$$\Delta f \equiv f_{qp} - f_{pq} = (l_{rt} - 1) \left[ (f_p - 1) + (T_t/T_0)(1 - 1/g_p) \right]$$
(47)

 $\Delta f$  étant forcément positif, on voit que f sera toujours diminué lorsqu'un préamplificateur précèdera la ligne de transmission, cette diminution représentant une amélioration exprimée en décibels par:

$$\Delta F = -10 \log_{10} \left[ (f_{pq} + \Delta f) / f_{pq} \right]$$

Voyons maintenant lequel des deux amplificateurs d'une chaîne doit précéder l'autre. Dans ce cas, nous pouvons soustraire 1 de chaque côté de (40) et, si  $g_p > 1$  et  $g_q > 1$ , nous pouvons réécrire cette expression sous la forme:

$$(f_p-1)/(1-1/g_p) < (f_q-1)/(1-1/g_q)$$
 (48)

Si cette inégalité est respectée, il y aura avantage à ce que l'amplificateur p précède l'amplificateur q, toutes choses égales par ailleurs.

#### BIBLIOGRAPHIE

- BELLO, P. A. Measurement of the complex time-frequency channel correlation function. US NBS Journ. Res. (Radio Science) 68D, Nº 10, 1161-1165 (octobre, 1964).
- BELLO, P. A. Error probabilities due to atmospheric noise and flat fading in an H.F. digital communication system. Conference Record of the First Annual IEEE Communications Convention, 173-180 (juin, 1965). Voir aussi Trans. IRE, PGCS, CS 10, N° 2, 160-168 (juin, 1962).
- BELLO, P. A. On the instantaneous real-time measurement of multipath and Doppler spread. Conference Record of the First Annual IEEE Communications Convention, 725-729 (juin, 1965).
- 4. KOTELNIKOV, V.A. Teoria potentsialnoi pomekhoustoichivosti (Théorie de la résistance potentielle aux bruits). M. L. Gosenergoizdat (1956).
- FREDENDALL, G. F. et BEHREND, W. L. Picture quality-procedures for evaluating subjective effects of interference. Proc. IRE, 48, Nº 6. Part 1, 1030-1034 (juin, 1960).
- DEAN, C. E. Measurements of the subjective effects of interference in television reception, *Proc. IRE*, 48, Nº 6, 1035-1049 (juin, 1960).
- 7. WEAVER, L. E. Subjective impairment of television pictures. *Electronic and Radio Engr.*, **36**, 170-179 (mai, 1959).
- 8. BURGESS, R. E. Noise in receiving aerial systems. Proc. Phys. Soc., 53, 293-304 (mai, 1941).
- 9. NORTH, D. O. The absolute sensitivity of radio receivers. RCA Rev., 6, 332-343 (janvier, 1942).
- 10. FRIIS, H. T. Noise figures of radio receivers. Proc. IRE, 32, Nº 7, 419-422 (juillet, 1944).
- 11. NORTH, D. O. Discussion on "Noise figures of radio receivers" (H. T. Friis). Proc. IRE, 33, Nº 2, 125-127 (février, 1945).
- 12. NORTON, K. A. The maximum range of a radar set. Proc. IRE, 35, Nº 1, 4-24 (janvier, 1947).
- 13. NORTON, K. A. Transmission loss in radio propagation. Proc. IRE, 41, Nº 1, 146-152 (janvier, 1953).
- 14. NORTON, K. A. Efficient use of the radio spectrum. NBS Tech. Note 158 (avril, 1962).
- BARSIS, A. P., NORTON, K. A., RICE, P. L. et ELDER, P. H. Performance predictions for single tropospheric communication links and for several links in tandem NBS Tech., Note 102 (PB161603), *IRE Trans.* PGCS, CS 10, Nº 1, 2-22 (août, 1961) (mars, 1962).
- IEEE. IRE standards on electron tubes: definitions of terms, 1962. Proc. IEEE, 51, Nº 3, 434-442 (mars, 1963).
- IRE. IRE standards on methods of measuring noise in linear two-ports (1959). Proc. IRE, 48, No 1, 60-68 (janvier, 1960).
- 18. NYQUIST, H. Thermal agitation of electric charge in conductors. Phys. Rev., 32, Nº 1, 110-112 (juillet, 1928).
- CRICHLOW, W. Q., SMITH, D. F., MORTON, R. N. et CORLISS, W. R. World-wide radio noise levels expected in the frequency band 10 kc/s to 100 Mc/s. NBS Circ. 557. (Dans ce rapport, l'évaluation en fonction de f n'est correcte que dans le cas où T<sub>c</sub> et T<sub>t</sub> sont égales à T<sub>0</sub>) (août, 1955).
- 20. HARPER, A. E. Rhombic antenna design. D. van Nostrand Co., Princeton, N.J. (1941).
- CHRISTIANSEN, W. N. Rhombic antenna arrays. A.W.A. Tech. Rev. (Amal. Wireless, Australia) 7, Nº 4, 361-383 (1947).
- 22. LLEWELLYN, F. B. A rapid method of estimating the signals-to-noise ratio of a high gain receiver. Proc. IRE, 19, N° 3, 416-421 (mars, 1931).
- HAUS, H. A. et ADLER, R. B. Optimum noise performance of linear amplifiers. Proc. IRE, 46, Nº 8, 1517-1533 (août, 1958).
- HAUS, H. A., ATKINSON, W. R., BRANCH, G. M., DAVENPORT, W. B., Jr., FONGER, W. H., HARRIS, W. A., HARRISON, S. W., MCLEOD, W. W., STODOLA, E. K. et TALPEY, T. E. Representation of noise in linear two-ports. Proc. IRE, 48, No 1, 60-74 (janvier, 1960).
- 25. BEATTY, R. W. Insertion loss concepts. Proc. IEEE, 52, Nº 6, 663-771 (juin, 1964).
- NORTON, K. A. Should the conventional definition of mismatch loss be abandoned? Proc. IEEE, 52, Nº 6, 710 (Correspondence) (juin, 1964).
- 27. SLATER, J. C. Microwave transmission. McGraw Hill Book Co., New York, N.Y. (voir p. 252-255) (1942).
- LAWSON, J. L. et UHLENBECK, G. E. Threshold signals. Radiation Lab. Series, 24, 103-108, McGraw Hill Book Co., New York, N.Y. (1950).
- 29. C.C.I.R., Rapport 322. Répartition mondiale et caractéristiques de bruits atmosphériques radioélectriques.
- 30. C.C.I.R., Avis 341. Notion d'affaiblissement de transmission dans l'étude des systèmes radioélectriques.
- BLAKE, L. V. Recent advancements in basic radar range calculation technique. IRE Trans. Mil. Electr., MIL-5, Nº 2, 154-164 (avril, 1961).
- 32. HANSEN, R. C. Low noise antennas. Microwave J., 2, Nº 6, 19-24 (juin, 1959).

- 33. HOGG, D. C. et MUMFORD, W. W. The effective noise temperature of the sky. Microwave J., 3, Nº 2, 80-84.
- DE GRASSE, R. W., HOGG, D. C., OHM, E. A. et SCOVIL, H. E. D. Ultra-low noise receiving system for satellite or space communications. Proc. Nat. Elect. Conf., 15, 370-379; Bell Telephone System. Tech. Publ., Monograph 3624 (août, 1960).
- 35. NBS. Tech. News Bull. New values for the physical constants. 47, Nº 10, 175-177 (octobre, 1963).
- NORTON, K. A. Discussion on "The distribution of amplitude with time in fluctuation noise", par Vernon D. Landon. Proc. IRE, 30, No 9, 425-429 (septembre, 1942).
- NORTON, K. A., RICE, P. L., JANES, H. B. et BARSIS, A. P. The rate of fading in propagation through a turbulent atmosphere. Proc. IRE, 43, Nº 10, 1341-1353 (octobre, 1955).
- CRICHLOW, W. Q., ROUBIQUE, C. J., SPAULDING, A. D. et BEERY, W. M. Determination of the amplitudeprobability distribution of atmospheric radio noise from statistical moments. J. Res. NBS, 64D (Radio prop.), Nº 1, 49-56 (janvier-février, 1960).
- CRICHLOW, W. Q., SPAULDING, A. D., ROUBIQUE, C. J. et DISNEY, R. T. Amplitude probability distributions for atmospheric radio noise. NBS Monograph 23 (novembre, 1960).
- BECKMANN, P. Amplitude-probability distribution of atmospheric radio noise. Radio Sci. J. Res. NBS 68D, Nº 6, 723-736 (juin, 1964).
- SPAULDING, A. D., ROUBIQUE, C. J. et CRICHLOW, W. Q. Conversion of the amplitude-probability distribution function for atmospheric radio noise from one bandwith to another. J. Res. NBS, 66D (Radio prop.), N° 6, 713-720 (novembre-décembre, 1962).
- RICE, S. O. Mathematical analysis of random noise. *Bell System Tech. J.*, 23, 282-332 and 24, 46-156 (1954).
   Selected papers on noise and stochastic processes, S262, 133-294, Dover Publications, Inc., New York 19, N.Y. (Edited by Nelson Wax) (1944, 1945).
- RICE, S. O. Statistical properties of a sine wave plus random noise. *Bell System Tech. J.*, 27, 109-157; Bell Telephone System, Tech. Publ., Monograph B-1522 (janvier, 1948).
- NORTON, K. A., VOGLER, L. E., MANSFIELD, W. V. et SHORT, P. J. The probability distribution of the amplitude of a constant vector plus a Rayleigh-distributed vector. *Proc. IRE*, 43, Nº 10, 1354-1361 (octobre, 1955).
- RICE, S. O. Distribution of the duration of fades in radio transmission. Bell System Tech. J., 37, 581-635, Bell Telephone System, Tech. Publ., Monograph 3051 (mai, 1958).
- MONTGOMERY, G. F. Comparison of amplitude and angle modulation for narrow-band communication of binary-coded messages in fluctuation noise. Proc. IRE, 42, No 2, 447-454 (février, 1954).
- WATT, A. D., COON, R. M., MAXWELL, E. L. et PLUSH, R. W. Performance of some radio systems in the presence of thermal and atmospheric noise. *Proc. IRE*, 46, No 12, 1914-1923 (décembre, 1958).
- 48. BARROW, B. B. Error probabilities for data transmission over fading radio paths. Thesis Delft, Netherlands (mars, 1962).
- SPAULDING, A. D. Determination of error rates for narrow-band communication of binary-coded messages in atmospheric radio noise. Proc. IEEE, 52, Nº 2, 220-221 (Correspondence) (février, 1964).
- CONDA, A. M. The effect of atmospheric noise on the probability of error for an NCFSK system. *IEEE Trans. Com. Tech.*, 13, Nº 3, 280-284 (septembre, 1965).
- SIDDIQUI, M. M. et WEISS, G. H. Families of distributions for hourly median power and instantaneous power of received radio signals. J. Res. NBS, 67D (Radio prop.), Nº 6, 753-762 (novembre-décembre, 1963).
- 52. ENGELBRECHT, R. S. Noise factors and fallacies, Intern. Solid State Circuits Conf. Digest of Tech. Papers, Sect. X (1964). '
- 53. BALAZS, Nandor L. Thermal fluctuations in conductors. Phys. Rev., 105, Nº 3, 896-899 (février, 1957).
- 54. HAUS, H. A. et ADLER, R. B. An extension of the noise figure definition. Proc. IRE, 45, N° 5, 690-691 (mai, 1957).
- SIEGMAN, A. E. Thermal noise in microwave systems. *Microwave J.*, 4, Nos 3, 81-90; 4, 66-73 et 5, 93-104 (mars, avril, mai, 1961).
- SIDDIQUI, M. M. Some statistical theory for the analysis of radio propagation data. J. Res. NBS, 66D (Radio prop.), Nº 5, 571-580 (septembre-octobre, 1962).

#### ANNEXE I

#### AUTRES CALCULS ET RELATIONS\*

#### 1. Facteur propre de bruit d'un quadripôle linéaire passif

Le gain disponible  $g_{nv}$  d'un quadripôle linéaire passif pour une onde entretenue de fréquence v est défini comme le rapport de la puissance  $p_{dv}$  du signal en ondes entretenues, disponible aux bornes de sortie du quadripôle, à la puissance  $p_{gv}$  du signal en ondes entretenues, disponible aux bornes de sortie du générateur de signaux:

$$g_{nv} = p_{dv}/p_{qv} \tag{a}$$

On peut, inversement, donner du facteur d'affaiblissement disponible  $l_{nv}$  d'un quadripôle linéaire l'expression suivante:

$$l_{nv} = p_{gv}/p_{dv} \tag{b}$$

A noter que  $g_{nv}$  et  $l_{nv}$  contiennent par inhérence un facteur de défaut d'adaptation  $l_{mv}$ , qui dépend de l'impédance de sortie du générateur de signaux et de l'impédance d'entrée du quadripôle, c'est-à-dire aussi bien de l'impédance du générateur que des caractéristiques du quadripôle.

Le facteur propre de bruit  $f_{nv}$  d'un quadripôle linéaire est défini ici, à la suite de Friis [5], comme le rapport entre le rapport signal en ondes entretenues disponible/puissance de bruit de référence, soit  $p_{gv}/kT_0dv$  aux bornes du générateur de signaux, et le rapport signal en ondes entretenues disponible puissance de bruit, soit  $p_{dv}/dn_0$  à ses bornes de sortie, l'impédance de sortie du générateur de signaux se trouvant à la température de référence  $T_0$ :

$$\begin{cases} f_{nv} = [p_{gv}/kT_0 dv]/[p_{dv}/dn_0] \\ f_{nv} = dn_0 l_{nv}/kT_0 dv \\ = dn_0/(g_{nv}kT_0 dv) \end{cases}$$

$$[f_{nv} \ge 1]$$
(c)

La puissance de bruit de référence  $kT_0dv$  est simplement la puissance de bruit de Johnson disponible dans une bande infinitésimale dv aux bornes d'une résistance à la température absolue de référence  $T_0$ . Le facteur propre de bruit ne peut être mesuré directement étant donné qu'il faudrait avoir un filtre infiniment étroit acceptant seulement la puissance dans la bande dv, mais, étant donné que le facteur propre de bruit d'un quadripôle linéaire passif ne dépend habituellement pas beaucoup de la fréquence, sa valeur peut être déterminée de façon approximative à l'aide d'un filtre raisonnablement étroit.

Il convient d'observer que le facteur propre de bruit  $f_{nv}$  dépend de l'impédance du générateur de signaux aussi bien que des caractéristiques du quadripôle, car le gain du quadripôle  $g_{nv}$  dépend du défaut d'adaptation entre l'impédance du générateur de signaux et l'impédance d'entrée du quadripôle. En conséquence, on ne saurait décrire pleinement la qualité d'un quadripôle à l'égard du bruit par la seule indication de son facteur propre de bruit, sans spécifier également l'impédance du générateur de signaux utilisé pour déterminer ce facteur. Le facteur de bruit de fonctionnement comprend automatiquement l'impédance du générateur de signaux qui, en l'occurrence, est l'impédance de l'antenne, en tant que partie intégrante du système de réception, et donne donc une description complète des caractéristiques de bruit d'un système de réception.

Nous allons maintenant nous servir de ces définitions pour établir l'expression du facteur propre de bruit du quadripôle simple représenté par la Fig. 1, caractérisé par un affaiblissement  $l_{nv}$  introduit par sa résistance  $R_{nv}$  à une température absolue ambiante  $T_n$ . Supposons que la résistance  $R_{gv}$  du générateur de signaux se trouve à la température  $T_0$ . La puissance disponible du signal produite par le générateur de signaux aux bornes d'entrée du quadripôle s'exprime, en fonction de sa tension efficace à vide  $v_g$ , par  $p_{gv} = v_g^2/4R_{gv}$  et la puissance disponible du signal aux bornes de sortie du quadripôle est donnée par  $p_{dv} = v_g^2/[4(R_{gv} + R_{nv})]$ . On a donc, par application de (b)

$$l_{nv} = p_{gv} / p_{dv} = (R_{gv} + R_{nv}) / R_{gv}$$
(d)

<sup>\*</sup> Les références bibliographiques se réfèrent au Rapport principal.

La puissance de bruit disponible à la sortie du quadripôle de la Fig. 1 est donnée par la moyenne pondérée des bruits de Johnson provenant des résistances  $R_{gv}$  et  $R_{nv}$  aux températures  $T_0$  et  $T_n$ :



FIGURE 1

$$dn_0 = kdv \frac{R_{gv}T_0 + R_{nv}T_n}{R_{gv} + R_{nv}}$$
 (e)

$$= (kdv/l_{nv})[T_0 + T_n(l_{nv} - 1)]$$

Si l'on porte cette expression dans (c), on obtient:

$$f_{nv} = 1 + (l_{nv} - 1)(T_n/T_0) \tag{f}$$

Nous allons maintenant établir la formule (f) d'une autre manière et montrer qu'elle s'applique d'une manière générale à tout quadripôle passif ayant un affaiblissement  $l_{nv}$  à la température ambiante  $T_n$ , autrement dit à un quadripôle ayant des impédances d'entrée et de sortie arbitraires. On observera que la puissance de bruit  $dn_0$  disponible à la sortie d'un quadripôle linéaire passif peut s'exprimer par la somme de deux termes:

$$dn_0 = kdvT_n + kdv(T_0 - T_n)/l_{nv}$$
(g)

Le premier terme représente la puissance de bruit de Johnson disponible à la sortie du quadripôle lorsque la résistance interne de la source est elle aussi à la température ambiante  $T_n$ , tandis que le deuxième terme représente une correction rendue nécessaire par le fait que la température  $T_0$ de la résistance de la source est supérieure ou inférieure à la température du quadripôle. Supposons par exemple que  $T_0 > T_n$ . Le deuxième terme de (g) représente alors l'excédent de puissance de bruit  $kdv(T_0 - T_n)$  disponible à l'entrée, diminuée du facteur  $l_{nv}$  correspondant à la transmission dans le quadripôle. Si l'on porte l'expression de  $dn_0$  donnée en (g) dans la définition du facteur propre de bruit (c), on retrouve l'expression (f).

On notera que le facteur propre de bruit d'un quadripôle passif dont la température ambiante est égale à la température de référence,  $T_0$ , est simplement égal à son facteur d'affaiblissement; autrement dit, lorsque  $T_n = T_0$ , il résulte de l'expression (f) que  $f_{nv} = l_{nv}$ .

#### 2. Facteur de bruit et largeur de bande équivalente de bruit d'un récepteur radioélectrique

g

On mesure le facteur de bruit d'un récepteur radioélectrique en connectant à son entrée un générateur de signaux ayant une impédance de sortie donnée; dans ce qui suit, on considérera que cette impédance de sortie est égale à l'impédance du système de réception considéré.

Pour une onde entretenue de fréquence v, le gain du récepteur est défini comme le rapport de la puissance totale du signal  $p_{dv}$  disponible à la charge de la partie linéaire du système de réception, à la puissance sur l'onde entretenue  $p_{dv}$  fournie par le générateur:

$$rv = p_{dv}/p_{gv}$$

(h)

La largeur de bande équivalente de bruit b, et le facteur de réponse parasite h, du récepteur peuvent être définis par:

$$b_r \equiv \frac{1}{g_r} \int_{v} g_{rv} dv \equiv \frac{1}{h_r g_r} \int_{0} g_{rv} dv$$
(i)

expression dans laquelle, comme pour le système de réception complet, l'intervalle  $(v_c - v_d)$  est choisi de manière à inclure seulement la réponse principale du récepteur et  $g_r$  est la valeur maximale de  $g_{rv}$ .

On définit le facteur de bruit  $f_r$  d'un récepteur radioélectrique comme le rapport entre le rapport signal en ondes entretenues/puissance de bruit de référence, soit  $p_{g0}/kT_0b_r$ , disponible aux bornes du générateur de signaux et le rapport correspondant signal total/puissance de bruit, soit  $p_{d0}/n_d$ , disponible à la charge de la partie linéaire du récepteur, lorsque le signal en ondes entretenues a lieu sur la réponse maximale de la caractéristique de bande passante du récepteur et que l'impédance de sortie du générateur de signaux se trouve à la température de référence  $T_0$ :

$$f_r \equiv [p_{g0}/kT_0b_r]/[p_{d0}/n_d] \qquad (f_r \ge h_r)$$
(j)

En remplaçant, dans l'expression (j),  $p_{d0}/p_{g0}$  par le gain maximal  $g_r$  et  $b_r$  par (i), on obtient la deuxième expression suivante pour le facteur de bruit d'un récepteur:

$$f_r = n_d/g_r k T_0 b_r = n_d/[k T_0 \int_v^{\sigma} g_{rv} dv]$$
 (k)

Il convient d'observer que les composantes de la puissance de bruit  $n_d$  disponible à la charge peuvent prendre naissance dans l'impédance de sortie du générateur de signaux à la température de référence  $T_0$  et peuvent parvenir à la charge non seulement par l'intermédiaire de la bande de réponse principale mais aussi par l'intermédiaire des bandes de réponse parasite; si c'étaient là les seules sources de la puissance de bruit disponible à la charge,  $f_r$  serait égal à  $h_r$ . Mais d'autres bruits se forment dans les circuits d'amplification du récepteur et une partie d'entre eux parviendra à la charge, si bien que  $f_r$  sera toujours supérieur à  $h_r$ .

Etant donné que le gain du récepteur dépend du défaut d'adaptation entre l'impédance de sortie du générateur et l'impédance d'entrée du récepteur, on ne peut éviter d'ambiguïté dans la spécification du facteur de bruit qu'en spécifiant l'impédance de sortie du générateur de signaux utilisé pour sa mesure. Si ce générateur est à une température  $T_g$  différente de  $T_0$  au moment où l'on mesure  $n_d$  pour déterminer le facteur de bruit, il convient d'ajouter le terme correctif  $[1 - (T_g/T_0)]h_r$  au facteur de bruit ainsi mesuré.

On peut mesurer la largeur de bande et le facteur de bruit d'un récepteur radioélectrique d'une manière tout à fait analogue à celle qui est décrite dans le §5 du Rapport, mais sans subir dans ce cas la complication d'avoir à calculer les valeurs de  $l_{rev}$ .

#### 3. Facteur de bruit de fonctionnement à la sortie de quadripôles en série

Nous pouvons maintenant étudier le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  de la partie linéaire du système de réception illustré par la Fig. 2 à l'aide des définitions et des conventions ci-dessus. Soit  $T_c$  la température absolue ambiante de la résistance du circuit d'antenne, à l'exclusion de la résistance de rayonnement; on peut utiliser l'expression (f) pour déterminer le facteur propre de bruit de cette partie du circuit d'antenne:

$$f_{cv} = 1 + (l_{rcv} - 1)(T_c/T_0) \tag{1}$$

De la même façon, le facteur propre de bruit du quadripôle représentant la ligne de transmission, à la température absolue ambiante  $T_t$  et avec le coefficient d'affaiblissement disponible  $l_{rtv}$ , est donné par:

$$f_{tv} = 1 + (l_{rtv} - 1)(T_t/T_0)$$
(m)

Dans les définitions du présent document, on a fait intervenir les puissances disponibles du signal et du bruit plutôt que les puissances dans des conditions d'adaptation car le fait qu'il y ait défaut d'adaptation dans les circuits d'entrée de l'amplificateur entraîne fréquemment une diminution du facteur de bruit de fonctionnement dans les systèmes qui contiennent de tels amplificateurs [22, 23 et 24]. De plus, il peut y avoir parfois avantage à utiliser une adaptation sans réflexion à Friis [10] donne une expression du facteur propre de bruit pour l'ensemble de deux quadripôles en série. Nous appliquerons cette expression au cas des quadripôles c et t de la Fig. 2:



#### FIGURE 2

#### Partie linéaire d'un système de réception

a antenne sans pertes avec bruit externe disponible,  $kT_ab$ , c circuit d'antenne, t ligne de transmission, o sortie avant détection. r récepteur,

Il sera commode de représenter par l'expression  $kT_{av}$ dv la puissance de bruit d'origine externe dans la bande dv, disponible aux bornes de l'antenne de réception sans pertes,  $T_{av}$  étant la température de bruit de la résistance de rayonnement de l'antenne de réception à la fréquence v. La notion de température équivalente  $T_{av}$  de l'antenne de réception et la méthode de calcul de cette grandeur ont été définies par Slater [27] ainsi que par Lawson et Uhlenbeck [28]. Des valeurs représentatives de  $T_{av}$  ont été données par Crichlow [19] et par le C.C.I.R. [29, 30] pour les fréquences  $v < 10^8$  Hz, et par Blake [31] pour les fréquences allant de  $10^8$  à  $10^{10}$  Hz. On trouvera d'autres renseignements utiles sur  $T_{av}$  dans le numéro de janvier 1958 des *Proc. IRE* consacré à la radioastronomie, ainsi que dans les mémoires de Hansen [32] et de Hogg et Mumford [33]. La puissance de bruit  $n_d$  fournie à la sortie du système de réception complet peut être représentée comme la somme de trois termes, l'antenne à la température  $T_{av}$  remplaçant le générateur de signaux à la température de référence  $T_0$ :

$$n_{d} = k \int_{0}^{\infty} T_{av} g_{0v} dv + k T_{0} \int_{0}^{\infty} (f_{ctv} - 1) g_{0v} dv + k T_{0} b_{r} g_{r} (f_{r} - h_{r})$$
(p)

Le gain du récepteur  $g_{rv}$  étant défini comme le rapport des puissances en ondes entretenues respectivement disponibles à la sortie et à l'entrée du récepteur, on a:

$$g_{0v} = g_{rv} / (l_{rcv} l_{rtv})$$

Nous allons maintenant définir une température de bruit équivalente moyenne pondérée de l'antenne  $T_a$  et un facteur de bruit moyen pondéré  $f_{cta}$ :

$$T_a \equiv \frac{\int\limits_0^\infty T_{a\nu}g_{0\nu}d\nu}{\int\limits_0^\infty g_{0\nu}d\nu} \equiv f_a T_0 \tag{q}$$

On notera que  $f_a$  est le facteur de bruit équivalent de l'antenne pour lequel des prévisions sont indiquées dans le Rapport 322:  $\infty$   $\infty$ 

$$f_{cta} \equiv \int_{0}^{0} f_{ctv} g_{0v} dv / \int_{0}^{0} g_{0v} dv$$
(r)

Nous pouvons donc exprimer (p) de la manière suivante:

$$n_{d} = kT_{0}f_{a}bhg_{0} + kT_{0}(f_{cta} - 1)bhg_{0} + kT_{0}b_{r}g_{r}(f_{r} - h_{r})$$
(s)

Lorsqu'on porte cette expression (s) dans l'équation de base (18), on obtient la formule générale suivante pour le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{on}$ :

$$f_{op} = h(f_a + f_{cta} - 1) + (b_r/b)(g_r/g_0)(f_r - h_r)$$
(t)

Définissons maintenant la température de bruit équivalente à l'entrée du récepteur  $T_e$  par la relation:

$$T_e \equiv (f_r - h_r)T_0 \tag{u}$$

puis la température de bruit équivalente du circuit d'antenne  $T_{ce}$  et la température de bruit équivalente de la ligne de transmission  $T_{te}$  par les relations:

$$T_{ce} \equiv T_c \int_0^\infty (l_{rev} - 1) g_{0v} dv / \int_0^\infty g_{0v} dv \qquad (v)$$

$$T_{te} \equiv T_t \int_0^\infty l_{rev} (l_{rtv} - 1) g_{0v} dv / \int_0^\infty g_{0v} dv \qquad (w)$$

En utilisant les définitions ci-dessus en même temps que la définition (19), nous obtenons la formule générale suivante pour la température de bruit de fonctionnement  $T_{op}$ :

$$T_{op} = h(T_a + T_{ce} + T_{te}) + (b_r/b)(g_r/g_0)T_e$$
(X)

Il résulte de l'expression (x) que la température de bruit de fonctionnement  $T_{op}$  dépend non seulement des températures équivalentes  $T_a$  et  $T_e$  mais aussi des affaiblissements, des défauts d'adaptation et des réponses parasites du système de réception. En conséquence,  $T_{op}$  ne peut être assimilée à une température réelle qu'en raison du fait qu'elle a les dimensions d'une température. Ceci résulte de ce que le facteur de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  est un facteur positif sans dimension, très supérieur à l'unité pour les systèmes de réception que l'on rencontre habituellement, mais qui peut être très inférieur à l'unité pour les systèmes à hyperfréquences utilisant des antennes de réception à faible bruit et des masers. En pratique, on a construit des systèmes de réception ayant des facteurs de bruit de fonctionnement  $f_{op}$  très inférieurs à l'unité, si bien que  $T_{op} << T_0$  et que  $F_{op}$  est négatif: par exemple, de Grasse et ses collaborateurs [34] ont signalé une valeur de  $T_{op} = 18^{\circ}$  K correspondant à  $F_{op} = -12$  dB.

Pour la plupart des applications, on se contentera d'admettre que  $T_c \approx T_0$ ,  $T_t \approx T_0$ ,  $f_{cta} \approx l_{rc0}l_{rt0}$ et que  $g_r \approx g_0 l_{rc0} l_{rt0}$ ; moyennant ces approximations, (t) peut s'exprimer de la manière suivante:

$$f_{op} \approx h(f_a - 1) + l_{rc0} l_{rt0} [h + (b_r/b)(f_r - h_r)]$$
(y)

Si l'on admet en outre que  $b_r \approx b$  et  $h \approx h_r \approx 1$ , le facteur de bruit de fonctionnement se ramène à l'expression approchée:

$$f_{op} \approx f_a - 1 + l_{rc0} l_{rt0} f_r \tag{Z}$$

Cette formule est celle que l'on trouve dans le Rapport 322.

Dans toute la présente section, il est implicitement entendu que tous les facteurs tels que  $f_{cv}$ ,  $f_{tv}$ ,  $l_{rcv}$  et  $l_{rtv}$  ont été déterminés avec un générateur de signaux dont l'impédance est la même que celle du système de réception réel. On observera que la formule de Friis pour les quadripôles en tandem est applicable quelle que soit l'importance du déséquilibre entre l'impédance de sortie de l'un des quadripôles et l'impédance d'entrée du quadripôle suivant. Bien entendu, les valeurs des affaiblissements d'équilibrage influent sur celles des facteurs propres de bruit et finalement, par voie de conséquence, sur le facteur de bruit de fonctionnement.

On peut utiliser les équations (t) et (x) pour calculer les valeurs de  $f_{op}$  et, partant de  $T_{op}$  en fonction des valeurs mesurées séparément de  $T_a$ ,  $T_c$ ,  $T_i$ ,  $l_{rev}$ ,  $l_{riv}$ , h,  $f_r$  et  $h_r$ ; cette méthode est spécialement recommandée, au lieu de la mesure directe de  $f_{op}$ , lorsque  $f_{op}$  varie avec le temps ou avec l'orientation de l'antenne.

#### ANNEXE II

#### LISTE DES NOTATIONS

Seuil de fonctionnement d'un système de réception, exprimé en watts. Puissance médiane du signal utile en interférence de phase, disponible aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes, nécessaire pour assurer une certaine qualité de réception g en présence de bruit, mais en l'absence de tout autre signal non désiré.

Seuil de fonctionnement d'un système de réception, exprimé en décibels au-dessus d'un watt:  $P_{mr}(g) \equiv 10 \log_{10} p_{mr}(g)$ .

Seuil de fonctionnement d'un système de réception, exprimé en watts de puissance du signal sur l'onde porteuse. Puissance médiane de l'onde porteuse utile en interférence de phase, disponible aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes, nécessaire pour assurer une certaine qualité de service g en présence de bruit mais en l'absence de tout autre signal non désiré.

Seuil de fonctionnement d'un système de réception exprimé en décibels au-dessus d'un watt:  $P_{mr}(g) \equiv 10 \log_{10} p_{mr}(g)$ .

Qualité de réception.

Le facteur de bruit de fonctionnement d'un système de réception est le quotient du rapport signal en ondes entretenues/puissance de bruit de référence  $p_{a0}/kT_0b$ , disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes, par le rapport correspondant signal/puissance de bruit  $p_{d0}/n_d$ , disponible à la charge du système de réception, le signal en ondes entretenues ayant lieu sur la réponse maximale de la caractéristique du système de réception dans sa bande passante, l'antenne de réception étant dans son milieu de fonctionnement.

Facteur de bruit de fonctionnement (ou valeur médiane du facteur de bruit de fonctionnement) d'un système de réception, exprimé en décibels.

Facteur de bruit équivalent de l'antenne de réception.

Facteur propre de bruit d'un dipôle à la fréquence v.

Facteur de bruit d'un récepteur, l'impédance du générateur étant égale à celle du système de réception réel, mais à une température  $T_0$ .

Facteur propre de bruit du circuit de l'antenne de réception.

Facteur propre de bruit de la ligne de transmission, l'impédance du générateur étant égale à celle du système de réception réel, mais à une température  $T_0$ .

Facteur propre de bruit du circuit de l'antenne de réception et de la ligne de transmission connectés en série.

Valeur moyenne pondérée du facteur de bruit du circuit d'antenne et de la ligne de transmission connectés en série.

Valeur de  $T_0$  pour laquelle 10 log<sub>10</sub> (k $T_0$ ) = -204,00;  $T_0 = 288,37^\circ$ K (= 15,21°C = 59,38°F).

Température de bruit de l'antenne de réception équivalente sans pertes, exprimée en degrés Kelvin, à la fréquence v.

Température de bruit équivalente de l'antenne, exprimée en degrés Kelvin, pour un système de réception particulier ayant une largeur de bande équivalente de bruit b et un facteur de réponse parasite h.

Température de bruit de fonctionnement, exprimée en degrés Kelvin, pour un système de réception particulier, en présence d'un niveau de bruit extérieur particulier.

Température de bruit équivalente à l'entrée d'un récepteur ayant un facteur de bruit  $f_r$  et un facteur de réponse parasite  $h_r$ .

 $p_{mr}(g)$ 

 $P_{mr}(g)$ 

 $p_{mrc}(g)$ 

 $P_{mrc}(g)$ 

 $f_{op} = (T_{op}/T_0)$ 

 $F_{op}$  ou  $F_m$ 

 $f_a \equiv (T_a/T_0)$ 

fnv f,

 $f_{cv}$  $f_{tv}$ 

feiv

f<sub>cta</sub>

T<sub>0</sub> T<sub>av</sub>

' T<sub>a</sub>

 $T_{op} \equiv f_{op} T_0$ 



T <sub>c</sub>	Température ambiante du circuit de l'antenne de réception, exprimée en degrés Kelvin.
T <sub>ce</sub>	Température ambiante équivalente de bruit du circuit d'antenne, exprimée en degrés Kelvin.
T <sub>t</sub>	Température ambiante de la ligne de transmission, exprimée en degrés Kelvin.
$T_{te}$	Température ambiante équivalente de la ligne de transmission, exprimée en degrés Kelvin.
$T_{g}$	Température ambiante de l'impédance de sortie du générateur de signaux, exprimée en degrés Kelvin.
T <sub>i</sub>	Courte période, égale par exemple à une heure ou moins, suffisamment longue pour que l'on puisse s'attendre à ce que le signal reçu subisse des évanouissements de caractéristiques semblables à celles des évanouissements par interférence de phase prévus sur le trajet de propagation, mais suffi- samment courte pour éliminer l'essentiel de l'évanouissement de puissance à long terme.
<i>T</i>	Période suffisamment longue pour comprendre des échantillons repré- sentatifs de l'évanouissement par interférence de phase et des niveaux et caractéristiques du bruit d'origine externe; cette période devrait être repré- sentative du bloc de temps pendant lequel il est prévu que le service sera assuré, par exemple: les heures de travail normales de 0800 heures à 1700 heures, toutes les heures de l'année, etc.
<i>Pi</i>	Puissance instantanée en watts; valeur moyenne calculée sur un cycle de la fréquence radioélectrique, de manière à éliminer les pulsations de la puissance reçue provenant du facteur $\cos^2 \omega t$ ; les variations de $p_i$ résultent à la fois de l'interférence de phase et des variations à long terme de l'affaiblissement de transmission.
<i>P</i> <sub>m</sub>	Valeur médiane des seules variations de la puissance instantanée associées à l'interférence de phase; $p_m$ est une variable aléatoire dont la répartition dans le temps est approximativement logarithmique normale.
$p_{lv}$	Puissance (en watts) fournie à la charge de l'antenne de réception à la fréquence v.
<i>P</i> <sub>a</sub>	Puissance (en watts) du signal utile disponible aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes.
<i>P</i> <sub>av</sub>	Puissance (en watts) du signal à la fréquence v disponible aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes.
$dp_{a\nu}/d\nu$	Densité de puissance du signal utile, en joules (watts par hertz) disponible aux bornes d'une antenne de réception équivalente sans pertes.
p'a	Puissance (en watts) du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception réelle.
P'av	Puissance (en watts) du signal à la fréquence $v$ , disponible aux bornes de l'antenne de réception réelle.
$dp_{av}/dv$	Densité de puissance du signal utile, en joules (watts par hertz) disponible aux bornes de l'antenne de réception réelle.
p <sub>dv</sub>	Puissance (en watts), du signal disponible à la charge de la partie linéaire du système de réception correspondant à une fréquence d'entrée v.
<i>P</i> <sub>40</sub>	Puissance (en watts) du signal, disponible à la charge de la partie linéaire du système de réception lorsqu'une source à ondes entretenues est réglée sur la fréquence de réponse maximale du système de réception.
$p_{dg} + n_{dg}$	Puissance de bruit (en watts), disponible à la charge de la partie linéaire du récepteur lorsqu'un générateur de bruit, de densité de puissance de bruit $p_g$ et de température ambiante $T_g$ est connecté à l'entrée.
p <sub>gv</sub>	Puissance (en watts) du signal, disponible aux bornes d'un générateur à la fréquence $v$ .

*P*<sub>g</sub> *P*<sub>t</sub> *p*'<sub>t</sub> *p*''<sub>t</sub> *p*''<sub>tr</sub> *r* 

 $r_{i}(g) \equiv \frac{p_{mi}}{c_{1}}$ 

JopKI

 $R_{rc}(g)$ 

n<sub>d</sub>

 $n_{dg}$ 

 $dn_0/dv$ 

 $g_{0v}$ 

ν ν<sub>ο</sub>

Vos

 $g_0$  $g_s$ 

 $g_{nv}, g_{rv}$ 

 $g_n, g_r$ 

 $l_{nv}$ 

Puissance (en watts) du signal, disponible aux bornes d'un générateur accordé sur la fréquence de réponse maximale du système de réception. Puissance (en watts) du signal, qui serait disponible en provenance d'une antenne de réception équivalente sans pertes lorsque le générateur de signaux a la puissance disponible  $p_{a0}$ .

Densité de puissance de bruit, en joules (watts par hertz), disponible en provenance d'un générateur de bruit dont la puissance de sortie est uniformément dispersée sur une large gamme de fréquence.

Puissance (en watts) du signal rayonné par l'antenne d'émission.

Puissance (en watts) du signal fourni à l'antenne d'émission.

Puissance (en watts) du signal fourni par l'émetteur à la ligne de transmission associée à l'antenne d'émission.

Puissance (en watts) du signal de l'émetteur, nécessaire pour obtenir un rapport signal/bruit de sortie donné r.

Rapport signal utile disponible/bruit, disponible à la sortie de la partie linéaire du système de réception.

Valeur médiane de r nécessaire pour que le système considéré assure une qualité de service spécifiée g;  $r_0(g) = r_i(g) (g_s/g_0)$ .

Rapport de la puissance médiane du signal utile  $p_m$  à la puissance de bruit en fonctionnement nécessaire aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes pour assurer la qualité de service spécifiée en l'absence de toute autre source de perturbations.

Valeur médiane du rapport onde porteuse utile/bruit à la sortie de la partie linéaire du système de réception, nécessaire pour assurer la qualité de service g; elle peut aussi s'écrire  $R_{rc}(g) \equiv 10 \log_{10}[p_{mrc}(g)/f_{op}kT_0b]$  en sorte qu'elle a la même valeur à l'entrée.

Puissance de bruit (en watts) disponible à la sortie de l'étage de prédétection du système de réception.

Puissance de bruit (en watts) disponible à la sortie de l'étage de prédétection de la partie linéaire du système de réception, l'antenne étant remplacée par un générateur étalon dont l'impédance est à la température  $T_a$ .

Densité de puissance de bruit, en joules (watts par hertz), disponible à la sortie d'un dipôle linéaire.

Gain de fonctionnement d'un système de réception; rapport de la puissance totale du signal disponible à la sortie de la partie linéaire du système de réception à la puissance disponible sur la fréquence v aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes.

Fréquence radioélectrique (en hertz).

Fréquence pour laquelle le système de réception a sa réponse maximale, c'est-à-dire pour laquelle  $g_{0v}$  a sa valeur maximale.

Fréquence de l'oscillateur local (en hertz).

Valeur maximale de  $g_{0v}$  à l'intérieur de la bande passante du système de réception, c'est-à-dire valeur de  $g_{0v}$  pour  $v = v_0$ .

Gain pour le signal utile d'un système de réception; rapport de la puissance totale du signal fournie à la charge à la puissance du signal utile disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes.

Gain disponible d'un dipôle (ou d'un récepteur) à la fréquence v; rapport de la puissance totale du signal disponible à la sortie d'un dipôle à la puissance disponible à son entrée à la fréquence v.

Valeur maximale de  $g_{nv}$  (ou  $g_{rv}$ ).

Facteur d'affaiblissement disponible pour un dipôle à la fréquence v; rapport de la puissance disponible à son entrée à la fréquence v à la puissance totale du signal disponible à sa sortie.

н. Н	
	_ 32 _
l <sub>rcv</sub>	Facteur d'affaiblissement disponible du circuit de l'antenne de réceptior à la fréquence $v$ .
l <sub>rc</sub>	Facteur d'affaiblissement équivalent disponible pour le circuit de l'antenne de réception.
l <sub>rtv</sub>	Facteur d'affaiblissement disponible pour la ligne de transmission du récepteur à la fréquence $v$ .
$l_{tc} \equiv p_t'/p_t$	Rapport de la puissance fournie par l'émetteur à la ligne de transmission à la puissance totale rayonnée par l'antenne d'émission pour $v_1 < v < v_m$ Tension efficace en circuit ouvert aux hornes de l'antenne de récention
v	équivalente sans pertes.
$v'_{v}$	Tension efficace en circuit ouvert aux bornes de l'antenne de réception dan son milieu ambiant réel.
$Z_{gv} = R_{gv} + iX_{gv}$	Impédance de sortie du générateur de signaux (en ohms).
$Z_{\mathbf{v}} = R_{\mathbf{v}} + iX_{\mathbf{v}}$ $Z_{\mathbf{v}}' = R_{\mathbf{v}}' + iX_{\mathbf{v}}'$	Impédance de l'antenne de réception avec pertes dans son milieu ambian réel.
$Z_{l\nu} = R_{l\nu} + i X_{l\nu}$	Impédance d'entrée du système de réception aux bornes de l'antenne d réception.
$R_{\rm rv}$	Résistance de rayonnement de l'antenne à la fréquence $v$ (en ohms).
$l_{mav} =  Z_{v}' + Z_{lv} ^{2} / 4R_{v}' R_{lv}$	Coefficient de perte due aux réflexions, à la fréquence v, entre l'antenne de réception et l'entrée du système de réception.
$l_{mgv} =  Z_{gv} + Z_{lv} ^2 / 4R_{gv}R_{lv}$	<ul> <li>Coefficient de perte due aux réflexions, à la fréquence v, entre le générateur de signaux et l'entrée du système de réception.</li> </ul>
<i>b</i> , <i>b</i> ,	Largeur de bande équivalente de bruit de la partie linéaire du système de réception (ou du récepteur), en hertz.
$b_i$	Largeur de bande de bruit impulsif de la partie linéaire du système de réception, en hertz.
h, h,	Facteur de réponse parasite du système de réception (ou du récepteur) La lettre h représente aussi la constante de Planck.
$\mathbf{k}$	Constante de Boltzmann.
$J_{op} K I_0 D = K I_{op} D$	de réception équivalente sans pertes; puissance fictive qui ne peut pas être directement mesurée en ce point.
$204,00 = -10 \log_{10} (kT_0)$	) Densité de puissance de bruit de Johnson (en dB au-dessous d'un joule) disponible en provenance d'une résistance à la température de référence $T_{c}$
$L_{\rm s} \equiv 10  \log_{10}(p_{\rm i}/p_{\rm a}')$	Affaiblissement du système entre les antennes réelles d'émission et d réception utilisées sur le trajet de propagation.
$L_m \equiv 10 \log_{10}(p_t/p_a) = L_b - G_p$	Valeur médiane de l'affaiblissement de transmission en interférence de phase sur le trajet de propagation entre antennes sans pertes, par ailleur équivalentes aux antennes réelles d'émission et de réception.
L <sub>bm</sub>	Valeur médiane de l'affaiblissement de transmission de référence en inter férence de phase; valeur médiane de l'affaiblissement de transmission ou de l'affaiblissement du système en interférence de phase sur le trajet d propagation lorsque les antennes réelles sont remplacées aux mêmes point par des antennes fictives qui, pour toutes les directions de propagation importantes:
	<ul> <li>sont isotropes en sorte que le gain de directivité soit égal à 0 dB dan toutes les directions;</li> </ul>
: :	– ne présentent aucun affaiblissement du circuit d'antenne;
	- ne présentent aucun affaiblissement de couplage de polarisation
	- présentent une réponse de phase isotrope.

Δ	Niveau, au-dessus de sa valeur efficace, de la tension d'enveloppe d'un bruit ou d'un signal subissant un évanouissement (en dB).
$q(\Delta)$	Probabilité pour que $\Delta > \Delta(q)$ .
V <sub>d</sub>	Rapport (en dB) de la valeur efficace de la tension d'enveloppe du bruit à sa valeur moyenne.
V <sub>dm</sub>	Valeur médiane de $V_d$ pour un système de réception ayant une largeur de bande équivalente de bruit $b = 200$ Hz; on trouve des prévisions de $V_{dm}$ dans le Rapport 322.
<i>b</i> <sub><i>m</i></sub> ,	Valeur maximale de <i>b</i> pour laquelle les prévisions de la répartition de probabilité d'amplitude données dans le Rapport 322 sont valables; $b_m \approx 10$ kHz.
$\tau_i$	Intervalle de temps (en secondes) compris entre deux impulsions successives de bruit dans le circuit de l'antenne de réception.
τ,	Temps de montée d'une impulsion de bruit sans chevauchement dans le circuit de l'antenne de réception.
$p(\Delta)$	Densité de probabilité de l'enveloppe au niveau $\Delta$ .
$n(\Delta)$	Nombre de passages prévus au niveau $\Delta$ de la tension d'enveloppe du bruit ou de la tension d'enveloppe du signal.
$t(\Delta)$	Durée pendant laquelle la tension d'enveloppe dépasse le niveau $\Delta$ pour une impulsion particulière.

### PAGE INTENTIONALLY LEFT BLANK

### PAGE LAISSEE EN BLANC INTENTIONNELLEMENT

#### RAPPORT 414\*

#### UTILISATION EFFICACE DU SPECTRE RADIOÉLECTRIOUE

(Résolution 1-1)

(1966)

#### 1. Introduction

En partant du Tableau de répartition des bandes de fréquence contenu dans le Règlement des radiocommunications, on doit pouvoir établir des priorités pour l'utilisation de chacune des parties du spectre par les différents services radioélectriques\*\*. On doit pouvoir ensuite améliorer l'efficacité de l'utilisation du spectre en satisfaisant successivement, selon l'ordre de priorité, le plus grand nombre de besoins en matière de télécommunication de chaque catégorie de service. dans des conditions telles que la réception d'aucun signal utile ne soit sujette à des brouillages nuisibles. La notion de « service satisfaisant » implique qu'une qualité de service donnée est assurée pendant un pourcentage du temps donné, au cours d'un horaire assigné et dans la bande de fréquence prévue. Par «brouillage nuisible», on entend une zone de brouillage, ou une probabilité de brouillage non négligeable. Le présent Rapport a pour but d'étudier des notions générales, telles que les précédentes, en vue de parvenir à des méthodes permettant de définir et d'améliorer l'efficacité de l'utilisation du spectre radioélectrique.

Pour pouvoir choisir le modèle approprié à utiliser dans une description des effets des évanouissements dans les applications faisant intervenir la propagation ionosphérique ou troposphérique, il faudra connaître a priori les mécanismes de propagation qui entrent en jeu. On trouvera dans le Rapport 415 une description succincte des caractéristiques importantes et des différences qui existent entre un certain nombre de modèles d'évanouissements par interférence de phases. La plupart des calculs contenus dans les références bibliographiques ne donnent que les répartitions estimées des valeurs moyennes quadratiques de la tension radioélectrique instantanée.

Les évanouissements qui sont suffisamment rapides pour donner lieu à une modulation d'amplitude, de phase ou de fréquence appréciable, à une dispersion ou à une distorsion à l'intérieur de la bande passante du système de réception, affecteront les seuils de fonctionnement pour le bruit et/ou les valeurs requises du rapport de protection signal/brouillage. Dans le présent Rapport, on les désignera sous le nom « d'évanouissements à court terme », cette expression englobant les évanouissements par interférence de phase, les fluctuations de puissance à court terme et les évanouissements de polarisation dans le cas de la propagation ionosphérique. On trouvera, dans le Rapport 415, une définition plus précise de ces évanouissements ainsi que la description de quelques modèles mathématiques utiles.

#### 2. Equations de base du système

Appelons  $r_u$  le rapport entre la valeur médiane  $p_m$  de la puissance instantanée du signal utile et la valeur médiane correspondante  $p_{um}$  de la puissance instantanée du signal brouilleur, ces puissances étant disponibles à la sortie d'une antenne sans pertes équivalente par ailleurs à l'antenne de réception réellement utilisée.

Dans le présent Rapport, on utilisera des lettres minuscules pour indiquer des puissances en watts, ou des rapports de puissances, et des majuscules pour leurs équivalents en décibels. Ainsi,  $R_u \equiv 10 \log_{10} r_u$  en décibels;  $P_m \equiv 10 \log_{10} p_m$  et  $P_{um} \equiv 10 \log_{10} p_{um}$ , tous deux en décibels au-dessus de 1 W. R (1)

$$u \equiv P_m - P_{um}$$

Les valeurs médianes, Pm et Pum sont prises sur de courtes périodes, de l'ordre d'une heure ou moins, et sont définies avec plus de précision comme étant les valeurs médianes des seules fluctuations de la puissance reçue instantanée associées à «l'évanouissement par interférence de phase».

La puissance utile  $P_m$  disponible à la sortie de l'antenne de récéption équivalente sans pertes peut être déterminée à partir de la valeur médiane à court terme de l'affaiblissement de transmission :  $L_m \equiv L_{bm} - G_p$  pour le trajet de propagation du signal utile et la puissance  $P_t$  rayonnée par l'antenne d'émission de la station désirée:

$$P_m = P_t - L_m \equiv P_t + G_p - L_{bm} \tag{2}$$

Ce Rapport a été approuvé à l'unanimité.

Ces priorités tiendront compte, en général, de considérations autres que celles de nature uniquement technique.

De même, la puissance  $P_{um}$  du signal brouilleur, à la sortie de la même antenne de réception équivalente sans pertes, peut être déterminée à partir de la valeur médiane de l'affaiblissement de transmission avec interférence de phase  $L_{um} \equiv L_{bum} - G_{pu}$  pour le trajet de propagation du signal brouilleur et la puissance  $P_{ut}$  rayonnée par l'antenne d'émission de la station non désirée:

$$P_{um} \equiv P_{ut} - L_{um} = P_{ut} + G_{pu} - L_{bum} \tag{3}$$

On obtient alors:

$$R_{u} = P_{t} - P_{ut} + (L_{um} - L_{m}) = P_{t} - P_{ut} + (G_{p} - G_{pu}) + (L_{bum} - L_{bm})$$
(4)

Il convient d'observer que, en règle générale,  $L_m$  et  $L_{um}$  varient avec le temps; il en sera donc de même de  $P_m$ ,  $P_{um}$  et  $R_u$ .

#### 3. Comment concevoir le système pour obtenir une utilisation efficace du spectre radioélectrique

La présente section contient une description plus détaillée de méthodes permettant de concevoir des systèmes radioélectriques complets de façon à minimiser les brouillages mutuels entre stations. L'application de ces méthodes devrait permettre une utilisation pratiquement optimale du spectre radioélectrique, c'est-à-dire satisfaire simultanément le plus grand nombre possible de demandes de télécommunication sans brouillages nuisibles.

Ainsi l'utilisation efficace du spectre radioélectrique oblige à répartir les assignations et à construire les systèmes de réception de telle sorte que la réception des signaux utiles soit, dans toute la mesure du possible, exempte de brouillages par des signaux non désirés ou par des bruits occupant les mêmes voies ou d'autres voies radioélectriques. La valeur  $r_{ur}(q)$  du rapport de protection nécessaire pour recevoir, avec une qualité de service q, l'information acheminée par un signal utile donné en présence d'un signal brouilleur spécifié, mais en l'absence de tout autre signal brouilleur simultané ou d'un bruit appréciable, est proposée comme élément d'évaluation de la qualité du système de réception. L'emploi de système de réception avant les plus faibles valeurs de  $r_{in}(q)$ pour les types de signaux brouilleurs que l'on risque de rencontrer doit permettre une utilisation simultanée des mêmes parties du spectre par un nombre maximal d'usagers. En ce qui concerne les services qui utilisent la modulation de fréquence et/ou la diversité en fréquence, où il est possible de diminuer  $r_{ur}(g)$  pour un signal brouilleur transmis dans la même voie en occupant de plus grandes parties du spectre, l'utilisation du spectre par un nombre maximal d'usagers impose un équilibre rigoureux entre les diminutions de  $r_{ur}(g)$  dans la même voie et dans les voies adjacentes, en tenant compte simultanément d'autres facteurs d'isolement du système, tels que la séparation géographique, la directivité des antennes et la polarisation croisée.

Le Rapport 415 propose une autre grandeur pour évaluer la qualité d'un système, à savoir la valeur médiane avec interférence de phase de la puissance du signal utile  $p_{mr}(g)$  nécessaire pour recevoir, avec une qualité de service g, l'information acheminée par un signal utile donné en présence de bruit mais en l'absence de tout signal brouilleur. Dans le présent Rapport, l'évanouissement à court terme, dont l'évanouissement par interférence de phase est une composante importante, est utilisé pour déterminer la puissance requise du signal.

A noter que le seuil de fonctionnement  $p_{mr}(g)$  exprime la valeur que doit avoir la *puissance*  $p_m$  du signal utile, tandis que  $r_u$  fait seulement intervenir le *rapport*  $p_m/p_{um}$  des valeurs médianes à court terme de la puissance du signal utile et de celle du signal brouilleur. Pour assurer simultanément une utilisation efficace du spectre par le nombre maximal d'usagers, il convient que les systèmes d'émission et de réception des diverses liaisons soient conçus et que les assignations soient disposées dans le but essentiel d'assurer que les diverses valeurs de  $r_u$  dépassent  $r_{ur}(g)$ pendant un pourcentage de temps suffisamment important au cours des périodes d'exploitation prévues. D'autre part, les systèmes de réception doivent être conçus de manière à présenter les suffisamment élevées pour que la valeur médiane à court terme de  $p_m$  dépasse  $p_{mr}(g)$  pendant le pourcentage de temps spécifié au cours de la période de réception prévue dans tous les emplacements de réception envisagés.

Si l'on parvient à une utilisation efficace de tout ou partie du spectre des fréquences radioélectriques, au sens du présent Rapport, la réception sera en général limitée par des signaux perturbateurs, autres que le bruit radioélectrique. On ne peut satisfaire le plus grand nombre de besoins de télécommunication, sans qu'il en résulte de brouillage nuisible pendant un pourcentage de temps significatif, que graduellement, à cause des investissements importants nécessaires pour les systèmes actuellement en exploitation. Néanmoins, il semble désirable d'établir clairement les procédures à utiliser chaque fois que l'occasion se présentera pour avancer vers ce but finalement désirable.

Cette manière de poser les problèmes d'assignation de fréquence n'est pas applicable dans un petit nombre de cas, comme celui des bandes attribuées sur une base exclusive ou partagée au service de radioastronomie, mais ces exceptions constituent simplement des vérifications de la règle générale [1, 2, 3 et 4] selon laquelle l'utilisation efficace du spectre radioélectrique pour télécommunication ne peut être réalisée que si les brouillages dus à d'autres signaux plutôt qu'au bruit fixent la limite inéluctable d'une réception satisfaisante.

Nous admettrons qu'une certaine bande de fréquence radioélectrique a été attribuée au type de service considéré et que l'on connaît la nature et les caractéristiques techniques des services qui occupent les bandes adjacentes. Nous admettrons également que les emplacements géographiques de chacune des antennes d'émission et de réception sont spécifiés à l'avance, ainsi que les valeurs *relatives* des puissances rayonnées par chaque antenne d'émission et les largeurs des voies radioélectriques. Dans le cas de la radiodiffusion, la spécification des emplacements de réception prévus peut se présenter sous la forme de l'indication des zones de service désirées. Ces renseignements étant connus, on peut employer les méthodes suivantes pour parvenir à une utilisation optimale de cette partie du spectre soit par le service intéressé, soit par les autres services autorisés (par le Tableau de répartition des bandes de fréquence) à utiliser ladite partie du spectre, ou des parties adjacentes, sur la base d'une absence de brouillages.

3.1 Il convient de réduire le plus possible les brouillages mutuels en mettant en œuvre un plan approprié d'assignation des fréquences entre tous les émetteurs d'un service donné et entre tous les émetteurs de plusieurs services exploités avec égalité des droits et utilisant les mêmes bandes de fréquence\*. Dans les bandes 8 et 9, ce résultat peut être obtenu en appliquant dans la pratique les plans d'assignations des fréquences [1].

Une réception exempte de brouillage, correspondant à une utilisation efficace du spectre radioélectrique, peut être obtenue:

- si le brouillage mutuel entre les stations est réduit le plus possible, grâce à la mise en œuvre d'un plan d'assignation des fréquences tenant compte, non seulement des brouillages dans une même voie, mais également de tous les autres types de brouillages possibles;
- si le système est conçu de telle sorte que  $R_u$  soit supérieur à  $R_{ur}(g)$  pour chaque signal brouilleur et pour le pourcentage de temps spécifié au cours des périodes d'exploitation prévues et sur une fréquence donnée;
- si le système est conçu ou modifié de telle manière que l'affaiblissement de transmission  $L_m$  et le seuil de fonctionnement  $P_{mr}(g)$  soient diminués dans une mesure qui ne soit pas incompatible avec la considération ci-dessus;
- si la puissance rayonnée est suffisante pour que la puissance disponible du signal utile  $P_m$  soit supérieure à  $P_{mr}(g)$  pendant le pourcentage de temps nécessaire au cours de la période d'exploitation prévue.
- 3.2 Il convient de réduire au minimum l'affaiblissement du système sur chacun des trajets de propagation du signal utile, ce qui peut se faire:
  - en portant au maximum le gain en puissance de l'antenne pour le trajet pour chacun des trajets de propagation du signal utile. A cet effet, les gains des antennes d'émission et de réception doivent être aussi grands que possible et on doit réduire au minimum les pertes dans le circuit d'antenne et l'affaiblissement de couplage de polarisation;
  - en choisissant convenablement les emplacements d'antenne;
  - en employant des antennes d'émission et de réception les plus élevées possible dans les bandes 8 et 9.
- 3.3 L'affaiblissement du système devrait être augmenté au maximum pour chacun des trajets de propagation brouilleurs, en réduisant au minimum le gain de puissance des antennes pour le trajet, pour chacun des trajets de propagation brouilleurs. A cet effet, on peut être amené:
  - à utiliser des antennes d'émission et de réception à gain élevé avec suppression optimale des lobes latéraux et valeur optimale du rapport de rayonnement avant/arrière;

<sup>\*</sup> Deux services partagent la même bande avec égalité des droits si tous deux sont des services primaires.

- à utiliser éventuellement des polarisations alternées;
- à choisir un emplacement approprié pour l'antenne;
- à réaliser des systèmes d'écran efficaces, sur certains trajets de propagation non désirés.
- 3.4 Il convient de rendre aussi faibles que possible les rapports de protection  $r_{ur}(g)$  nécessaires pour divers types de brouillages, et cela grâce aux mesures suivantes:
  - conception appropriée du système;
  - espacement approprié des voies;
  - emploi d'oscillateurs stables à l'émission et à la réception;
  - emploi d'équipements d'émission et de réception linéaires;
  - recours à des trajets de propagation (des signaux utiles et brouilleurs) présentant les gammes d'évanouissement par interférence de phase les plus petites possible. Dans les bandes 6, 8 et 9, on peut obtenir un évanouissement par interférence de phase minimale en utilisant des antennes d'émission et de réception aussi élevées que possible;
  - emploi de la réception en diversité dans l'espace ou en diversité dans le temps et de codage.
- 3.5 Il convient de recourir, pour le signal utile, à des trajets de propagation présentant les gammes d'évanouissement de puissance à long terme les plus petites possible. On peut prévoir que ce sera le cas, dans la bande 7 pour les circuits fonctionnant au voisinage de la MUF et, dans les bandes 8 et 9, moyennant l'emploi d'antennes d'émission et de réception aussi élevées que possible.

Ces méthodes devraient être appliquées pour des emplacements d'émission et de réception différents, diverses puissances d'émission relatives et des espacements entre voies différents jusqu'au moment où on aura pu établir un plan permettant d'assurer le service voulu avec une utilisation totale minimale du spectre.

Une fois que les brouillages dus à des signaux non désirés ont été réduits dans toute la mesure du possible grâce aux méthodes indiquées ci-dessus, de telle manière qu'en chaque point de réception les valeurs de  $r_u$  dépassent le rapport de protection correspondant  $r_{ur}(g)$  pendant un pourcentage suffisamment important du temps, il convient d'appliquer les méthodes additionnelles suivantes dans le but essentiel de supprimer les brouillages dus au bruit. Il y a lieu de noter que l'affaiblissement du système sur chacun des trajets de propagation utiles aura déjà pu être réduit au minimum, dans le plus grande mesure possible, par l'application des méthodes mentionnées en 3.2, 3.4 et 3.5.

- 3.6 Il convient d'utiliser des systèmes de réception présentant les valeurs du seuil de fonctionnement  $p_{mr}(g)$  les plus faibles possible, en règle générale. Dans certains cas, des méthodes efficaces pour éliminer les brouillages entraînent une certaine augmentation du seuil de fonctionnement en présence du bruit.
- 3.7 Finalement, il convient d'utiliser des puissances d'émission assez élevées (égales aux valeurs relatives optimales déterminées par application des méthodes indiquées ci-dessus) pour que la puissance  $p_m$  du signal utile dépasse le seuil de fonctionnement  $p_{mr}(g)$  pendant un pourcentage suffisamment important du temps au cours de la période d'exploitation prévue pour un pourcentage acceptable d'emplacements de réception. Quand les conditions de propagation sont favorables, il peut être parfois indiqué d'utiliser une puissance d'émission plus faible.

Récemment, le Joint Technical Advisory Committee de l'Institute of Electrical and Electronics Engineers et de l'Electronic Industries Association, a élaboré un ouvrage sur l'utilisation du spectre radioélectrique [2]. Ce livre est une fort intéressante étude sur ce sujet; il est principalement destiné aux administrateurs chargés de la gestion des fréquences mais il met également en évidence l'importance prédominante des facteurs techniques dans l'amélioration de l'utilisation du spectre.

#### 4. Les deux composantes de l'évanouissement

La puissance du signal utile  $p_i$  et celle du signal brouilleur  $p_{ui}$  disponibles aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes varient en général d'une minute à l'autre de façon aléatoire ou imprévisible. L'évanouissement à court terme de cette puissance reçue instantanée au cours de durées  $T_i$  allant de quelques minutes à une heure ou plus, est lié dans une grande mesure aux fluctuations aléatoires de la différence de phase entre composantes parvenant à l'antenne de réception après propagation par une multiplicité de trajets dont les longueurs électriques varient de seconde en seconde et de minute en minute dans une gamme de quelques longueurs d'onde. Cependant, une partie de cet évanouissement à court terme et la totalité des variations à long terme résultent des variations de la moyenne quadratique des amplitudes des composantes, c'est-à-dire des variations à court terme de la puissance moyenne disponible à la sortie de l'antenne de réception. Lorsqu'on étudie l'évanouissement à court terme, il est commode de distinguer les effets de ces variations de phases et d'amplitude moyenne quadratique sur la distribution de la puissance reçue instantanée et, dans le cas d'une puissance d'émission déterminée, sur la distribution de l'affaiblissement de transmission instantanée.

Dans le cas de la propagation ionosphérique, la rotation du vecteur polarisation constitue une importante contribution à l'évanouissement de la tension du signal aux bornes d'une antenne pour polarisation rectiligne.

Les Rapports 266-1 et 237-1 donnent des indications sur les phénomènes d'évanouissements respectivement associés à la propagation ionosphérique et à la propagation troposphérique.

La « puissance instantanée »  $P_i$  sera définie de la manière classique comme une valeur moyenne calculée sur un seul cycle de la fréquence radioélectrique, de manière à éliminer la variance de puissance associée aux pulsations extrêmement brèves provenant du facteur  $\cos^2 \omega t$ . Il est commode de diviser cette puissance instantanée  $P_i = 10 \log_{10} p_i$  (en décibels au-dessus d'un watt) en trois composantes additives:

$$P_i = P_m(50) + Y + Y_i = P_m(50) + [P_m - P_m(50)] + [P_i - P_m] (dBW)$$
(5)

Dans cette expression,  $Y_i$  désigne la composante d'évanouissement à court terme y compris l'interférence de phase entre les signaux transmis par propagation sur trajets multiples (Y est la composante d'évanouissement à long terme résultant des variations de la valeur de la puissance médiane à court terme  $P_m$ ) tandis que  $P_m$  (50) représente la valeur de la puissance médiane à long terme, exprimée en décibels par rapport à un watt. La période « à long terme» T, pour laquelle on définit la valeur de la puissance médiane  $P_m$  (50), peut être comprise entre les limites d'une heure et de plusieurs heures; toutefois, elle doit en général comprendre exclusivement les heures pendant lesquelles une station désirée particulière a l'intention de fonctionner sur une assignation de fréquence particulière.

Dans (5), la troisième composante  $Y_i = P_i - P_m$ , qui représente la composante d'évanouissement à court terme, est également exprimée en décibels; c'est-une variable aléatoire décrivant les variations généralement rapides de la puissance reçue associées à ce type d'évanouissement.

On constatera fréquemment que  $p_{mr}(g)$  et  $p_{um}$  varient de façon plus ou moins indépendante dans de longs intervalles de temps. On peut obtenir une bonne approximation du pourcentage de temps pendant lequel un brouillage génant est présent en un point de réception donné [5] en ajoutant celui pendant lequel  $p_m$  est inférieur à  $p_{mr}(g)$  à ceux pendant lesquels  $p_m$  est inférieur à chacune des valeurs de  $r_{ur}(g)p_{um}$ . Si ce temps de brouillage total est faible, par exemple inférieur à  $10^{0}/_{0}$ , on aura ainsi une évaluation satisfaisante de l'influence conjointe que peuvent exercer plusieurs sources de brouillage agissant simultanément. Donc, lorsque les gammes d'évanouissement des diverses sources de brouillage sont suffisamment importantes pour que cette méthode d'analyse puisse être appliquée, les diverses valeurs de  $p_{mr}(g)$  et de  $r_{ur}(g)p_{um}$  seront comparables pendant des pourcentages de temps négligeables, si bien que l'on peut admettre en fait que les diverses sources de brouillage se présentent de façon essentiellement indépendante dans le temps.

Le rapport  $R_u$  varie également dans le temps puisqu'il est égal à la différence entre  $P_m$  (50) + Y et  $P_{um}(50) + Y_u$ 

$$R_{u} \equiv P_m - P_{um} = P_m(50) - P_{um}(50) + Z \tag{6}$$

$$Z \equiv Y - Y_{\mu} \tag{7}$$

Les variables aléatoires Y et  $Y_u$  tendent à être distribuées de façon approximativement normale avec un coefficient de corrélation positif  $\rho$  lequel varie très fortement selon le trajet de propagation et l'intervalle de temps pris en considération; dans le cas d'intervalles habituels portant sur toutes les heures du jour pendant plusieurs années,  $\rho$  dépasse généralement 0,4, même pour des trajets de propagation en sens opposés par rapport au point de réception. Z dépassera  $Z_a(p)$  pendant un pourcentage du temps p pour lequel la fonction de distribution cumulative approximative de Z est donnée par l'expression:

$$Z_{a}(p) = \pm \sqrt{Y^{2}(p) + Y_{u}^{2}(100 - p) + 2\rho Y(p)Y_{u}(100 - p)}$$
(8)

Dans cette expression, on doit prendre le signe + pour  $p < 50^{\circ}/_{0}$ , le signe - pour  $p > 50^{\circ}/_{0}$  et on a  $Z_{a}(50) = 0$ . Il résulte des expressions (6) et (8) que  $R_{u}$  dépasse  $R_{ur}(g)$  au moins pendant un pourcentage du temps p si:

$$P_{m}(50) - P_{um}(50) > R_{ur}(g) - Z_{a}(p)$$
(9)

Dans certains cas, on peut considérer qu'il n'est pas possible de déterminer la fonction  $R_{ur}(g)$ en ajoutant à  $R_{ur0}(g)$  une marge contre les évanouissements à court terme; il peut alors être utile d'appliquer la relation approchée suivante qui permettra d'assurer que  $R_{ui} > R_{ur0}(g)$  au moins pendant un pourcentage du temps p:

$$P_{m}(50) - P_{um}(50) > R_{ur0}(g) \pm \sqrt{Z_{a}^{2}(p) + Z_{i}^{2}(0,01p,K,K_{u})}$$
(10)

Le paramètre  $Z_i$  est défini par l'équation (27) dans le Rapport 415.

Dans cette expression, on doit prendre le signe - pour  $p < 50^{\circ}/_{0}$  et le signe + pour  $p > 50^{\circ}/_{0}$ . Bien que l'expression (10), ou une expression équivalente, ait été fréquemment utilisée autrefois dans les études d'attribution de fréquence, son emploi est déconseillé parce qu'elle ne fournit pas une solution aussi bien adaptée à la nature réelle du problème. La division de l'évanouissement en ses deux composantes  $Y_i$  et Y rend mieux compte du fait que les radiocommunications sont plus difficiles à certaines heures du jour et à certaines saisons de l'année.

#### 5. Effet conjoint de plusieurs sources de brouillages agissant simultanément

Dans le présent Rapport, les effets de perturbation dus à des signaux brouilleurs et au bruit ont jusqu'ici été considérés comme affectant indépendamment les uns des autres la fidélité de réception du signal utile. Soient  $p_{mr}(g)$  et  $r_{ur}(g)p_{um}$  les niveaux que doit dépasser la valeur médiane de la puissance du signal utile  $p_m$  pour obtenir une qualité de service donnée lorsqu'une seule de ces sources de brouillage est présente. Dans la mesure où les diverses sources de brouillage ont un caractère qui s'apparente à celui du bruit blanc et si ces sources sont présentes simultanément, on peut prévoir qu'un signal utile ayant un niveau médian  $p_m = p_{mr}(g) + \sum r_{ur}(g)p_{um}$  donnera la même qualité de service.

Une méthode approchée a été mise au point [4] pour calculer la distribution du rapport  $p_m/[p_{mr}(g) + \Sigma r_{ur}(g)p_{um}]$  en fonction du temps et du point de réception dans le service de radiodiffusion. Bien que cette manière de traiter le problème de l'addition des effets de brouillage indique vraisemblablement dans tous les cas une bonne limite supérieure du brouillage, l'hypothèse selon laquelle la puissance de brouillage a un caractère additif, n'est pas toujours rigoureusement valable. Par exemple, lorsque de la diaphonie intelligible en provenance d'une autre voie est présente dans le circuit de sortie du récepteur, l'addition d'une certaine quantité de bruit blanc diminue en fait la perturbation causée par cette diaphonie.

#### 6. Assignations de fréquence

Nous avons décrit, au § 3, des méthodes permettant de réaliser l'utilisation efficace du spectre sans brouillages nuisibles selon la définition donnée dans l'introduction. A l'heure actuelle, on reconnaît généralement que l'emploi de calculatrices est essentiel si l'on veut que, dans chaque service, les assignations de fréquence aux divers utilisateurs ainsi que le développement d'assignations de fréquence efficaces se fassent dans les conditions optimales [1, 6, 7 et 8]. L'Annexe donne les caractéristiques d'entrée et de sortie des calculatrices.

#### ANNEXE

#### CARACTÉRISTIQUES D'ENTRÉE ET DE SORTIE DES CALCULATRICES

1. Les assignations nominales de fréquence.

2. Les emplacements des systèmes d'émission, y compris les hauteurs d'antennes.

3. Les caractéristiques du spectre rayonné, y compris éventuellement les émissions non essentielles.

4. Les caractéristiques des antennes d'émission et de réception.

5. Les emplacements des systèmes de réception, y compris les hauteurs d'antennes.

6. Les spectres des émissions parasites des systèmes de réception.

- 7. Les seuils de fonctionnement des systèmes de réception dans leur milieu réel c'est-à-dire avec
- 8. Les valeurs requises du rapport de puissance médiane signal utile/signal brouilleur en interférence de phase pour tous les signaux brouilleurs susceptibles de provoquer des brouillages nuisibles; ces rapports de protection tiennent compte des marges appropriées pour la réduction des effets d'évanouissement obtenue grâce à l'emploi de méthodes de réception en diversité et de codage.
- 9. La distribution dans le temps, de la valeur médiane de l'affaiblissement de transmission de référence pour le trajet de propagation utile et tous les trajets de propagation brouilleurs.
- 10. Les affaiblissements des lignes de transmission et des circuits d'antenne.

marges appropriées contre les effets des bruits industriels et naturels.

- 11. Les corrélations entre les valeurs médianes des affaiblissements de transmission avec interférence de phase sur le trajet de propagation utile et sur chacun des trajets de propagation brouilleurs.
- 12. Les gains d'antenne (pour le trajet), pour le trajet de propagation utile et tous les trajets de propagation brouilleurs; ces gains contiennent des marges pour tenir compte de l'orientation de l'antenne, du couplage de polarisation et des affaiblissements de couplage antenne-milieu.
- Les spectres des émissions parasites de toutes les sources de bruits industriels, comme celles énumérées dans le Rapport 182.
- 14. Les heures d'exploitation assignées à chacune des émissions utiles et brouilleuses.

A sa sortie, la calculatrice indique l'identité et la nature des cas de brouillage nuisible rencontrés. Un brouillage nuisible est défini comme l'impossibilité d'atteindre au moins la qualité de service voulue pendant le pourcentage de temps spécifié au cours des heures d'exploitation assignées à la fréquence donnée. Quand la calculatrice indique un tel brouillage, on fait varier les paramètres d'entrée de manière à obtenir finalement, par approximations successives, un plan d'assignation exempt de brouillages nuisibles.

L'ingénieur radioélectricien a pour rôle de mettre au point des systèmes de radiocommunication efficaces; pour y parvenir, il doit essentiellement ajuster les divers éléments et les porter à leurs valeurs optimales. Par exemple, il est généralement plus économique d'utiliser des puissances apparentes rayonnées plus faibles tout en diminuant le seuil de fonctionnement des systèmes de réception, ce que l'on peut faire par exemple:

- en réduisant le niveau des bruits internes;
- en employant des antennes directives pour diminuer les effets des bruits externes;
- en diminuant le niveau des bruits industriels par emploi de suppresseurs sur les générateurs de bruit tels que les systèmes d'allumage, les relais, les réseaux de transport d'énergie, etc.
- en employant la réception en diversité soit dans l'espace soit dans le temps et le codage;
- en employant un système à plus large bande, en modulation de fréquence ou en diversité de fréquence, ce qui peut également permettre de diminuer le seuil de fonctionnement du système de réception ainsi que la valeur des rapports de protection contre les signaux brouilleurs.

#### BIBLIOGRAPHIE

- 1. U.E.R. Méthodes nouvelles d'établissement de plans d'assignation de fréquences pour la télévision. Union européenne de radiodiffusion, Bruxelles, Doc. tech. 3080-F (mai, 1960).
- J.T.A.C. Radio spectrum utilization. Inst. Electrical and Electronics Engineers, 345 E. 47th St., New York, N.Y. 10017.
- RICE, P. L., LONGLEY, A. G., NORTON, K. A. et BARSIS, A. P. Transmission loss prediction for tropospheric communication circuits. NBS Tech. Note 101 (7 mai, 1965) (2<sup>e</sup> révision, janvier, 1967).
- NORTON, K. A., STARAS, H. et BLUM, M. A statistical approach to the problem of multiple radio interference to FM and TV service. *Trans. IRE.* Ant. Prop., PGAP-1, 43-49 (février, 1952).
- BARSIS, A. P., NORTON, K. A., RICE, P. L. et ELDER, P. H. Performance predictions for single tropospheric communication links and for several links in tandem. NBS Tech. Note 102 (août, 1961).
- 6. GAYER, J. H. et BOYLE, A. W. L'Afrique dresse ses plans. Journal des télécommunications, 30, Nº 7, 202-208 (juillet, 1963).
- KRASNOSSELSKI, N. I. et SMITH, R. Une calculatrice électronique au service de la Radiodiffusion africaine. Journal des télécommunications, 30, Nº 9, 277-283 (septembre, 1963).
- 8. CARROLL, J. M. The quest for compatibility. *Electronics*, 37, Nº 6, 79-84 (mai, 1964).

### PAGE INTENTIONALLY LEFT BLANK

### PAGE LAISSEE EN BLANC INTENTIONNELLEMENT

#### RAPPORT 415\*

#### MODÈLES D'ÉVANOUISSEMENT PAR INTERFÉRENCE DE PHASE A EMPLOYER DANS LES ÉTUDES SUR L'UTILISATION EFFICACE DU SPECTRE

#### 1. Introduction

(1966)

Le présent Rapport décrit certains modèles d'évanouissement par interférence de phase, qui sont essentiels aux travaux du Groupe de travail international III/1 créé par la Résolution 1-1.

#### 2. Répartition de Rayleigh de Y<sub>i</sub>

En propagation ionosphérique comme en propagation troposphérique, la répartition le plus souvent rencontrée est la répartition de Rayleigh des interférences de phase à court terme. Soient  $v_{ij}$  une variable aléatoire désignant l'amplitude quadratique moyenne instantanée en circuit ouvert, et  $\theta_{ij}$  une variable aléatoire désignant la phase instantanée de la  $j^{\text{ieme}}$  composante de la tension radioélectrique se propageant par trajets multiples (j = 1 à n) aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes, après addition ou soustraction d'un multiple de  $2\pi$ ,  $\theta_{ij}$  étant ainsi compris entre  $-\pi$  et  $\pi$ . La puissance instantanée qui a pour expression  $v_{ij}^2/4R$ ; voir la relation (8) dans le Rapport 413 (Seuil de fonctionnement pour le bruit d'un système de réception radioélectrique). Soient  $v_i$  une variable aléatoire désignant la phase instantanée de la somme vectorielle des n tensions  $v_{ij}$  (j = 1 à n) résultant de la propagation par trajets multiples; la puissance instantanée et  $\theta_i$  une autre variable aléatoire désignant la phase instantanée de la somme vectorielle des n tensions  $v_{ij}$  (j = 1 à n) résultant de la propagation par trajets multiples; la puissance instantanée  $p_i$  disponible aux bornes de l'antenne de réception équivalente sans pertes est une variable aléatoire qui a pour expression  $v_{ij}^2/4R$ . On peut monter que la valeur estimée  $\overline{p_i}$  de cette puissance instantanée est égale à la somme de ces n composantes de puissance, à condition que les deux conditions suivantes soient satisfaites:

- les variables aléatoires  $\theta_{ij}$  sont sans corrélation, c'est-à-dire que les valeurs estimées de  $\theta_{ij}$ ,  $\theta_{ik} = 0$  pour  $j \neq k(j = 1 \text{ à } n \text{ et } k = 1 \text{ à } n)$ ;
- les variables aléatoires  $\theta_{ij}$  sont uniformément réparties entre  $-\pi$  et  $\pi$ .

$$\overline{p}_i = \sum_{i=1}^n p_{ij} \tag{1}$$

Chacune des composantes  $p_{ij}$  de  $\overline{p_i}$  étant une variable aléatoire, il s'ensuit que la valeur estimée  $\overline{p_i}$  est également une variable aléatoire, dont les variations sont appelées évanouissements de puissance à long terme.

Si, en plus des deux conditions précédentes, la condition suivante est aussi satisfaite:

(c)  $p_{ij} < < \overline{p_i}$   $(1 \le j \le n)$ 

alors la probabilité q pour que l'on ait  $p_i > p_i(q)$  a pour expression:

$$q = \exp\left[-p_i(q)\overline{p_i}\right] \tag{2}$$

et toutes les valeurs de la phase  $\theta_i$  comprises entre  $-\pi$  et  $\pi$ , après addition ou soustraction d'un multiple de  $2\pi$  (pour que  $\theta_i$  soit compris dans cet intervalle), sont également probables. La répartition de Rayleigh est entièrement caractérisée par cette répartition uniforme de  $\theta_i$  et par la répartition d'amplitude (2). Lorsque  $p_i(q)$  varie entre  $\infty$  et 0, q varie de 0 à 1. Si, dans (2), on pose q = 0.5, on trouve l'expression suivante pour la puissance médiane de l'interférence de phase:

$$p_m \equiv p_i (0,5) = \bar{p_i} \log_e 2 = 0,69315 \, \bar{p_i} \tag{3}$$

Exprimée en fonction de la puissance médiane  $p_m$ , la répartition de Rayleigh (7) devient:

$$q = \exp\left(-\frac{p_i(q)\log_e 2}{p_m}\right) \tag{4}$$

La répartition de la puissance instantanée est caractérisée par un paramètre unique, à savoir  $\bar{p_i}$  dans (2) ou  $p_m$  dans (4).

<sup>\*</sup> Ce Rapport a été approuvé à l'unanimité.

Soit maintenant  $z_1, z_2, ..., z_n$ , un échantillon de N observations indépendantes de  $p_i$ , pris sur une répartition de Rayleigh de  $p_i$ . Siddiqui [11] a montré que  $\log_e 2$  fois la moyenne des N valeurs de  $z_1$  est la meilleure estimation, sans distorsion, de la puissance médiane  $p_m$ :

$$\hat{p}_m = [(\log_e 2)/N] : \sum_{i=1}^{N} z_i$$
(5)

et la variance correspondant à cette estimation est donnée par:

$$\sigma_{\hat{p}m}^2 = (\hat{p}_m)^2 / N = (\hat{p}_m)^2 / N \tag{6}$$

Siddiqui [11] a montré également que la valeur médiane de l'échantillon z(0,5) a une variance dont l'expression est:

$$\sigma_{z(0,5)}^{2} = (p_{m}/\log_{e} 2)^{2}/N = 2,0814 p_{m}^{2}/N = 2,08[z(0,5)]^{2}/N$$
(7)

On pourrait en conclure que l'estimation de  $p_m$  donnée par (5), sur la base de la valeur médiane de l'échantillon est plus satisfaisante que la valeur médiane z (0,5), puisque la variance de cette dernière valeur est supérieure au double de la variance de la précédente. Il convient toutefois de noter que la précision de l'estimation  $\hat{p}_m$  dépend également de la précision de mesure de toutes les valeurs N contenues dans l'échantillon, alors que z (0,5) dépend uniquement de la précision de mesure au voisinage de la valeur médiane z (0,5). Dans la pratique, les précisions de mesure des grandes comme des petites valeurs de  $z_i$  sont souvent beaucoup plus faibles que pour les mesures faites au voisinage de z (0,5); c'est la raison pour laquelle les expérimentateurs préfèrent généralement la valeur médiane de l'échantillon z(0,5) à la valeur  $\hat{p}_m$ , bien que la variance de cette dernière grandeur soit inférieure à la moitié de la variance de z (0,5).

Considérons maintenant la variable normalisée  $y_i(q) \equiv p_i(q)/p_m$ . La probabilité q pour que l'on ait  $y_i > y_i(q)$  a pour expression:

$$q = \exp\left[-y_i(q)\log_2 2\right] \tag{8}$$

Exprimée en décibels, la relation (5) prend la forme:

$$Y_i(q) = 5,21390 + 10\log_{10}[\log_{10}(1/q)]$$
(9)

où  $Y_i > Y_i(q)$  avec la probabilité q. A noter que les répartitions normalisées (8) et (9) ne dépendent d'aucun paramètre.

Revenant à (2), on notera que lorsque q tend vers zéro,  $p_i(q)$  tend vers l'infini; il est bien évident que l'on n'observera jamais dans la pratique des valeurs aussi grandes de  $p_i$ . La valeur instantanée maximale  $m(p_i)$  n'existera que dans le cas exceptionnel où  $\theta_{ij}$  est égal à  $\theta_0$  pour j compris entre l et n:

$$\bar{p_i} \leq m(p_i) = \left[\sum_{j=1}^{n_1} (p_{ij})^{1/2}\right]^2 \leq np_i$$
(10)

Dans la relation (10), la limite supérieure  $np_i$  correspond au cas exceptionnel où tous les  $p_{ij}$  ont la même valeur  $p_0$ , tandis que la limite inférieure  $\overline{p_i}$  correspond au cas exceptionnel où l'on a une seule valeur  $p_{ij} = p_0$ , les autres étant tous nuls. Pour *n* composantes égales, on peut prévoir pour une répartition de Rayleigh avec  $n = \infty$ , que la valeur maximale  $m(p_i) = np_i$  sera dépassée avec une probabilité égale à  $\exp(-n)$ . Comme  $\exp(-5) = 0,00674$ , l'hypothèse de la répartition de Rayleigh est susceptible de conduire à des conclusions erronées lorsque la probabilité a une valeur au plus égale à 0,005 environ, à moins que *n* ne soit très supérieur à 5. Cela est d'autant plus vrai qu'il est peu probable que ces *n* composantes aient des valeurs comparables.

#### 3. Autres répartitions des évanouissements

La formule ci-après [12, 13 et 14] donne la densité de probabilité de la tension de l'enveloppe du signal v prévue dans l'hypothèse:

- que v est la tension de l'enveloppe résultant de n composantes, ayant chacune des tensions d'enveloppe constantes  $v_j$   $(1 \le j \le n)$ , plus une composante aléatoire obéissant à une loi de Rayleigh avec une amplitude efficace  $v_{eff}$ ;

- que la phase de chaque composante constante est aléatoire, c'est-à-dire que toutes les valeurs des phases des composantes constantes comprises entre  $-\pi$  et  $\pi$  sont équiprobables:

$$P(v, v_j, v_{\text{eff}}) dv = dv \cdot v \int_0^\infty \lambda \exp\left(-v_{\text{eff}}^2/4\right) J_0(v\lambda) \cdot \prod_{j=1}^n J_0(v_j, \lambda) d\lambda$$
(11)

On peut montrer que les deuxième et quatrième moments de cette distribution sont donnés par:

$$\overline{v^2} = v_{\rm eff}^2 + \sum_{j=1}^n v_j^2$$
(12)

$$\overline{v^4} = 2(\overline{v^2})^2 - \sum_{j=1}^n v_j^4$$
(13)

Etant donné que (11), (12) et (13) font connaître la distribution de la tension d'enveloppe v et que la puissance instantanée  $p_i$  est proportionnelle à  $v^2$ , ces équations donnent également la densité de probabilité et les moments de la distribution de la puissance instantanée:

$$p(p_i, p_j, p_R) dp_i = \frac{dp_i}{p_R} \int_0^{\infty} t \exp(-t^2/4) J_0\left(t \sqrt{\frac{p_i}{p_R}}\right) \prod_{j=1}^n J_0\left(t \sqrt{\frac{p_j}{p_R}}\right) dt$$
(14)

$$\overline{p_i} = p_R + \sum_{j=1}^n p_j \tag{15}$$

$$\overline{p_i^2} = 2(\overline{p_i})^2 - \sum_{j=1}^n p_j^2$$
(16)

On peut obtenir la variance  $\sigma_{pi}^2$  à partir de (15) et (16):

$$\sigma_{pi}^2 = (\bar{p_i})^2 - \sum_{j=1}^n p_j^2$$
(17)

Dans les formules ci-dessus,  $p_j$  représente la puissance associée à la composante constante j et  $p_R$  la puissance moyenne associée à la composante à distribution de Rayleigh.

Dans la pratique, il n'est souvent pas possible de spécifier les n+1 paramètres  $v_j$   $(1 \le j \le n)$  et  $v_{eff}$ , ou  $p_j$  (j = 1 a n) et  $p_R$  des distributions ci-dessus. Cependant, lorsqu'il n'existe qu'une seule composante constante  $v_1$ , (11) devient:

$$p(v, v_1, v_{\rm eff}) dv = \frac{dv}{v_{\rm eff}^2} 2 v \exp\left[-\frac{v_1^2 + v^2}{v_{\rm eff}^2}\right] I_0\left(\frac{2v_1 v}{v_{\rm eff}^2}\right)$$
(18)

La fonction de densité de probabilité indiquée ci-dessus a été déterminée pour la première fois par Nakagami [14] et indépendamment par Rice [12]. Cette distribution de la somme d'une composante constante et d'une composante aléatoire obéissant à une distribution de Rayleigh a fait l'objet d'études approfondies [15, 16 et 17].

Il est plus facile d'établir une relation entre des modèles physiques et la répartition de Nakagami-Rice qu'entre ces modèles et des répartitions telles que la répartition gamma; cette dernière répartition est cependant commode, du point de vue mathématique, pour décrire la gamme étendue de conditions dont il faut tenir compte dans l'étude des évanouissements à court terme. Les évanouissements à court terme, comme les évanouissements à long terme, sont affectés par les mécanismes d'«interférence de phase» et d'interférence de «puissance».

Dans le cas de la distribution de Nakagami-Rice, la densité de probabilité de la distribution de la puissance instantanée peut s'exprimer par:

$$p(p_i, p_1, p_R) dp_i = dp_i \exp\left[-\frac{p_1 + p_i}{p_R}\right] I_0\left(\frac{2}{p_R}\sqrt{p_1 p_i}\right)$$
(19)

La moyenne et la variance de la distribution de Nakagami-Rice peuvent être obtenues en tant que cas particulier de (15) et (17):  $\overline{n} = n + n$  (20)

$$p_i = p_R + p_1 \tag{20}$$

$$\sigma_{p_{i}}^{2} = p_{R}^{2} + 2 p_{1} p_{R} \tag{21}$$

Lorsque  $p_j << p_R$  (j = 1 à n), la distribution (14) se ramène à la densité de probabilité de la distribution de puissance de Rayleigh:

$$p(p_i, \overline{p_i}) dp_i = dp_i \exp\left(-p_i/\overline{p_i}\right)$$
(22)

L'expérience a montré que la distribution de Nakagami-Rice est l'une des plus utiles pour décrire les évanouissements par interférence de phase et, même dans ce cas, il est souvent difficile d'assigner à ses deux paramètres  $p_R$  et  $p_1$ , des valeurs appropriées à un système de réception particulier, fonctionnant en un emplacement géographique donné et utilisant une fréquence radioélectrique déterminée.

Il est souvent avantageux d'exprimer  $p_1$ ,  $p_i$  et  $p_R$  en décibels. Burns [18] a étudié la distribution de  $R \equiv 10 \log_{10} (p_i/p_1)$  en utilisant  $K \equiv 10 \log_{10} (p_R/p_1)$  comme paramètre, dans l'hypothèse que  $p_i$  est distribué conformément à (19). Il obtient des formules explicites pour R et  $\sigma_R^2$  en fonction de K.

Pour l'important cas particulier d'une distribution de Rayleigh, K est égal à  $\pm \infty$  et la probabilité cumulative q pour que  $y_i$  dépasse  $y_i(q)$  pour une valeur donnée,  $p_m$ , peut s'exprimer par (8). On a, soit:

$$q[p_i > p_i(q)|_{p_m}] = \exp\left[-p_i(q)\log_e 2/p_m\right] \qquad (K = +\infty)$$
(23)

soit, 
$$q[y_i > y_i(q)] = q[Y_i > Y_i(q)] = \exp[-y_i(q)\log_e 2]$$
 (K = +\infty) (24)

$$Y_i(q) = 5,21390 + 10\log_{10}[\log_{10}(1/q)] \qquad (K = +\infty)$$
(25)

La Fig. 1 et le Tableau I montrent la distribution de Nakagami-Rice, pour l'évanouissement par interférence de phase,  $Y_i(q)$ , en fonction de K pour des valeurs particulières de q. Il ressort nettement de la Fig. 1 que la distribution de l'évanouissement par interférence de phase dépend uniquement de K rapport en décibels de la valeur de la racine carrée de la somme des carrés des amplitudes de la composante d'évanouissement de Rayleigh et de l'amplitude de la composante stable du signal reçu. L'utilité de cette distribution pour décrire l'évanouissement par interférence de phase est étudiée dans le Rapport 266-1 dans le cas de la propagation ionosphérique; pour le propagation troposphérique, elle est traitée dans [19, 20 et 21].

La Fig. 2 montre plusieurs exemples d'évanouissements par interférence de phase dans le cas de la propagation troposphérique.

Pour les trajets troposphérique en deçà de l'horizon, y compris les trajets terrestres courts entre points fixes et les trajets entre une station terrienne et un satellite, K tend à avoir une valeur négative importante pendant toute la journée et pendant toutes les saisons de l'année. A mesure qu'augmente la longueur du trajet terrestre ou que diminue l'angle de site du satellite (en sorte que le trajet présente un dégagement inférieur à la première zone de Fresnel), les valeurs prévues pour K augmentent jusqu'au moment où, pendant quelques heures du jour, K devient positif; l'évanouissement par interférence de phase pour les signaux propagés sur le trajet pendant ces heures tend à être exactement représenté par une distribution de Rayleigh. Sur la plupart des trajets transhorizon, K est positif la plupart du temps. Néamoins, lorsque les signaux parviennent à l'antenne de réception par l'intermédiaire de conduits, d'obstacles en lame de couteau ou de couches élevées, K peut diminuer et atteindre des valeurs très inférieures à zéro, même pour un trajet transhorizon. Pour un trajet transhorizon donné, K tendra à présenter une corrélation négative avec le niveau de la puissance médiane  $p_m$ , c'est-à-dire qu'il faut s'attendre à de fortes valeurs de K lorsque les valeurs de  $p_m$  sont faibles. La corrélation entre K et  $p_m$  tend à être positive pour certains trajets à visibilité directe.

Le Rapport 242 étudie le taux des évanouissements et la distribution de leur durée pour la propagation troposphérique, tandis que le Rapport 266-1 étudie ces phénomènes pour la propagation ionosphérique.

Seules les variations à court terme de  $p_i$  et de  $p_{ui}$  associées à l'évanouissement par interférence de phase sont utilisées pour déterminer  $r_{ur}(g)$ , valeur nécessaire du rapport de la puissance médiane  $p_m$  du signal utile à la puissance médiane  $p_{um}$  du signal brouilleur, pour assurer la qualité de service g spécifiée. Il est tenu compte séparément des variations dans le temps des niveaux de puissance médiane  $P_m$  et  $P_{um}$ . Il apparaît que cette division de l'évanouissement total en une composante  $Y_i$  pour l'interférence de phase et la composante à variation plus lente Y est souhaitable pour plusieurs raisons:

- on peut prévoir que les variations de la composante  $Y_i$ , qui sont associées à la seule interférence de phase, se produisent de manière totalement indépendante, pour le signal utile et pour le signal brouilleur, ce qui permet de déterminer la valeur appropriée de  $R_{ur}(g)$  avec plus de précision;
- la variable aléatoire Y<sub>i</sub> suit la loi de distribution de Nakagami-Rice, ainsi que le montre la Fig. 1, alors que les variations dans le temps de l'autre composante Y sont distribuées de façon approximativement normale;

- les variations de  $P_m$  et de  $P_{um}$  dans le temps tendent à être en corrélation pour la plupart des trajets de propagation du signal utile et du signal brouilleur et il est plus facile de tenir compte de cette corrélation avec précision si l'on divise l'évanouissement instantané en ses deux composantes additives Y et  $Y_i$ ;
- la plus grande partie de la contribution à la variance de  $P_m$  dans le temps se produit aux faibles fréquences de fluctuation allant d'un cycle par an à environ un cycle par heure, alors que la plus grande partie de la contribution à la variance de  $Y_i$  se produit à des fréquences de fluctuation supérieures à un cycle par heure environ.

Un rapport récent [3], préparé par le Groupe de travail international créé par la Résolution 2 indique des méthodes permettant de prévoir la distribution cumulative de  $P_m$  et de  $P_{um}$  ainsi que les valeurs de K et de  $K_u$  auxquelles il y a lieu de s'attendre respectivement pour les trajets de propagation du signal utile et du signal brouilleur; ces prévisions sont valables pour la propagation troposphérique, c'est-à-dire aux fréquences supérieures à 40 MHz environ. Néanmoins, la distribution de Nakagami-Rice est également valable pour la propagation ionosphérique; des procédures analogues, applicables à la prévision de K pour de tels trajets, sont indiquées dans d'autres documents [22].

# 4. Répartition du rapport de la puissance instantanée d'un signal utile à la puissance instantanée d'un signal brouilleur lorsque ces variables aléatoires obéissent indépendamment à la loi de répartition de Rayleigh

Soit  $R_{ui}$  la valeur instantanée du rapport de la puissance instantanée du signal utile  $P_m + Y_i$  à la puissance instantanée du signal brouilleur  $P_{um} + Y_{ui}$ :

$$R_{ui} = P_m + Y_i - P_{um} - Y_{ui} = R_u + Z_i$$
(26)

avec 
$$Z_i \equiv Y_i - Y_{ui}$$
 (27)

Supposons maintenant que  $Y_i$  et  $Y_{ui}$  obéissent chacun indépendamment à la loi de répartition de Rayleigh selon (9). L'hypothèse de l'indépendance sera presque toujours valable dans la pratique, étant donné qu'il est très peu probable que les composantes de propagation par trajets multiples sur le trajet de propagation désiré aient une corrélation avec les composantes de propagation par trajets multiples sur le trajet non désiré. La répartition de la variable aléatoire  $Z_i$  ne dépend d'aucun paramètre lorsque  $Y_i$  et  $Y_{ui}$  obéissent à une répartition de Rayleigh; compte tenu des résultats de Siddiqui [23], il est facile de montrer que la probabilité q pour que l'on ait  $Z_i > Z_i(q)$ peut être déterminée dans ce cas d'après la relation:

$$Z_{i}(q) = 10 \log_{10}\left(\frac{1}{q} - 1\right)$$
(28)

Pour déterminer la répartition instantanée estimée de  $R_{ui}$ , il suffit d'ajouter à  $Z_i(q)$  la constante  $R_u = P_m - P_{um}$ . La valeur moyenne est  $\overline{Z}_i = 0$  et l'écart-type  $\sigma_{zi} = 7,877$  dB. Siddiqui [23] a montré que la valeur estimée de  $z_i \equiv y_i/y_{ui}$  est infinie, et c'est là l'une des raisons pour lesquelles on utilise  $Z_i$ .

#### 5. Détermination expérimentale de la répartition cumulative de $Z_i$

Considérons les processus continus dans le temps:

$$P_{i}(t) = Y_{i}(t) + Y(t) + P_{m}(50)$$

$$Z_{e}[t, \tau(t)] = P_{i}(t) - P_{i}[t + \tau(t)]$$

$$= Y_{i}(t) - Y_{i}[t + \tau(t)] + Y(t) - Y[t + \tau(t)]$$

$$\approx Y_{i}(t) - Y_{i}[t + \tau(t)]$$
(30)

L'approximation (30) est légitime puisque Y(t) varie dans le temps beaucoup plus lentement que  $Y_i(t)$  et cette approximation est d'autant plus satisfaisante que  $\tau(t)$  est plus petit. Cependant, si l'on prend une valeur trop petite pour  $\tau(t)$ , il y aura une corrélation entre  $Y_i(t)$  et  $Y_i[t+\tau(t)]$ ; dans ces conditions,  $Z_e[t, \tau(t)]$  ne constituera pas une approximation satisfaisante de  $Z_i(t)$  qui, par définition, représente la différence entre deux répartitions *indépendantes* de  $Y_i(t)$ .

de temps compris entre t et  $t + 10\tau(t)$ ; Siddiqui a montré que dans ces conditions  $P_i(t)$  et  $P_i[t+\tau(t)]$ sont des variables aléatoires que l'on peut considérer en première approximation comme indépendantes. Il convient de noter que  $\tau(t)$  varie en fonction du temps t; si l'on utilise cette variable déterminée plus haut, le processus continu  $Z_e[t, \tau(t)]$  peut se dérouler et sa répartition cumulative observée peut être comparée avec la répartition cumulative estimée pour un modèle particulier d'évanouis-

sement par interférence de phase. Il convient par exemple de le comparer avec  $Z_i(q)$  donné par (27), lorsqu'on se place dans l'hypothèse d'un modèle à répartition de Rayleigh. On notera que  $Z_e[t, \tau(t)]$  est presque entièrement indépendant de l'évanouissement de puissance à long terme Y, étant donné que la seule erreur qui l'affecte est la variation de Y pendant l'intervalle de temps  $\tau(t)$ lequel, dans certains cas, ne dépasse pas une seconde. Pour cette raison  $Z_e[t, \tau(t)]$  représente une série temporelle stationnaire pendant l'intervalle de temps au cours duquel on pense que le modèle essayé est applicable. Cet intervalle de temps atteint souvent trois heures, auquel cas le nombre d'échantillons indépendants de  $Z_e[t, \tau(t)]$ , avec  $\tau(t) = 1$  s, serait de 10 800.

#### TABLEAU I(a)

Caractéristiques de la distribution de Nakagami-Rice	
pour l'évanouissement par interférence de phase $Y_i(q)$	
$(Y_i > Y_i(a) \text{ avec probabilite } a; Y_i(0,5) \equiv 0)$	

K	$\bar{Y}_i$	σ <sub>γi</sub>	$Y_i(0,01)$	<i>Y<sub>i</sub></i> (0,1)	<i>Y<sub>i</sub></i> (0,9)	Y <sub>i</sub> (0,99)	$Y_i(0,1) - Y_i(0,9)$
dB	dB	dB	dB	dB	dB	dB	dB
40 35 30 25 20	$-0,0002 \\ -0,0007 \\ -0,0022 \\ -0,0069 \\ -0,0217$	0,061 0,109 0,194 0,346 0,616	0,1417 0,2504 0,4403 0,7676 1,3184	0,0784 0,1352 0,2453 0,4312 0,7508	$\begin{array}{r} -0,0790\\ -0,1411\\ -0,2525\\ -0,4538\\ -0,8218\end{array}$	- 0,1440 - 0,2579 - 0,4638 - 0,8421 - 1,5544	0,1574 0,2763 0,4978 0,8850 1,5726
$ \begin{array}{c} -18 \\ -16 \\ -14 \\ -12 \\ -10 \end{array} $	$\begin{array}{r} -0,0343 \\ -0,0543 \\ -0,0859 \\ -0,136 \\ -0,214 \end{array}$	0,776 0,980 1,238 1,569 1,999	1,6264 1,9963 2,4355 2,9491 3,5384	0,9332 1,1558 1,4247 1,7455 2,1218	$ \begin{array}{r} -1,0453 \\ -1,3326 \\ -1,7028 \\ -2,1808 \\ -2,7975 \end{array} $	- 2,0014 - 2,5931 - 3,3872 - 4,4715 - 5,9833	1,9785 2,4884 3,1275 3,9263 4,9193
$ \begin{array}{c c} - & 8 \\ - & 6 \\ - & 4 \\ - & 2 \\ 0 \\ \end{array} $	-0,334-0,507-0,706-0,866-0,941	2,565 3,279 4,036 4,667 5,094	4,1980 4,9132 5,6559 6,3811 7,0246	2,5528 3,0307 3,5366 4,0366 4,4782	$ \begin{array}{r} -3,5861 \\ -4,5714 \\ -5,7101 \\ -6,7874 \\ -7,5267 \end{array} $	- 8,1418 - 11,0972 - 14,2546 - 16,4258 - 17,5512	6,1389 7,6021 9,2467 10,8240 12,0049
2 4 6 8 10	-0,953 -0,942 -0,929 -0,922 -0,918	5,340 5,465 5,525 5,551 5,562	7,5228 7,8525 8,0435 8,1417 8,1881	4,8088 5,0137 5,1233 5,1749 5,1976	8,0074 8,0732 8,1386 8,1646 8,1753	18,0527 18,2573 18,3361 18,3669 18,3788	12,8162 13,0869 13,2619 13,3395 13,3729
12 14 16 18 20	-0,916 -0,916 -0,915 -0,915 -0,915	5,567 5,569 5,570 5,570 5,570 5,570	8,2090 8,2179 8,2216 8,2232 8,2238	5,2071 5,2112 5,2128 5,2135 5,2137	- 8,1792 - 8,1804 - 8,1811 - 8,1813 - 8,1814	$\begin{array}{r} -18,3834 \\ -18,3852 \\ -18,3860 \\ -18,3863 \\ -18,3864 \end{array}$	13,3863 13,3916 13,3939 13,3948 13,3951
∞	-0,915	5,570	8,2242	5,2139	-8,1815	- 18,3865	13,3954

- 48 ---

### TABLEAU I(b)

•	Caractéristiques de la distribution de Nakagami-Rice
	pour l'évanouissement par interférence de phase $Y_i(q)$
	$(Y_i > Y_i(q) \text{ avec probabilité } q; Y_i(0,5) \equiv 0)$

Ķ	Y <sub>i</sub> (0,005)	<i>Y</i> <sub>i</sub> (0,02)	<i>Y<sub>i</sub></i> (0,05)	<i>Y</i> <sub>i</sub> (0,95)	<i>Y</i> <sub>i</sub> (0,98)	<i>Y<sub>i</sub></i> (0,995)
dB	dB	dB	dB	dB	dB	dB
- 40	0,1568	0,1252	0,1004	- 0,1016	- 0,1270	- 0,1596
- 35	0,2768	0,2214	0,1778	- 0,1815	- 0,2272	- 0,2860
- 30	0,4862	0,3898	0,3136	- 0,3254	- 0,4082	- 0,5151
- 25	0,8460	0,6811	0,5496	- 0,5868	- 0,7391	- 0,9374
- 20	1,4486	1,1738	0,9524	- 1,0696	- 1,3572	- 1,7389
-18	1,7840	1,4508	1,1846	- 1,3660	- 1,7416	- 2,2461
-16	2,1856	1,7847	1,4573	- 1,7506	- 2,2463	- 2,9231
-14	2,6605	2,1829	1,7896	- 2,2526	- 2,9156	- 3,8422
-12	3,2136	2,6507	2,1831	- 2,9119	- 3,8143	- 5,1188
-10	3,8453	3,1902	2,6408	- 3,7820	- 5,0372	- 6,9452
- 8	4,5493	3,7975	3,1602	4,9287	- 6,7171	- 9,6386
- 6	5,3093	4,4591	3,7313	6,4059	- 8,9732	- 13,4194
- 4	6,0955	5,1494	4,3315	8,1216	- 11,5185	- 17,1017
- 2	6,8613	5,8252	4,9219	9,6278	- 13,4690	- 19,4073
0	7,5411	6,4248	5,4449	10,5553	- 14,5401	- 20,5618
2	. 8,0697	6,8861	5,8423	- 11,0005	- 15,0271	-21,0706
. 4	8,4231	7,1873	6,0956	- 11,1876	- 15,2273	-21,2774
6	8,6309	7,3588	6,2354	- 11,2606	- 15,3046	-21,3565
8	8,7394	7,4451	6,3034	- 11,2893	- 15,3349	-21,3880
10	8,7918	7,4857	6,3341	- 11,3005	- 15,3466	-21,4000
12	8,8155	7,5031	6,3474	- 11,3048	- 15,3512	- 21,4046
14	8,8258	7,5106	6,3531	- 11,3065	- 15,3529	- 21,4064
16	8,8301	7,5136	6,3552	- 11,3072	- 15,3537	- 21,4072
18	8,8319	7,5149	6,3561	- 11,3075	- 15,3540	- 21,4075
20	8,8326	7,5154	6,3565	- 11,3076	- 15,3541	- 21,4075
8	8,8331	7,5158	6,3567	-11,3077	-15,3542	-21,4077

.

• •



Rapport K(dB) de la racine carrée de la somme des carrés des amplitudes de la composante d'évanouissement de Rayleigh à l'amplitude de la composante stable du signal reçu.

FIGURE 1

La répartition de Nakagami-Rice de l'évanouissement instantané associé à l'interférence de phase q est la probabilité telle que  $Y_i \equiv (P_i - P_m) > Y_i(q)$ .

Lorsque K croît indéfiniment, la distribution de Nakagami-Rice se rapproche de la distribution de Rayleigh.



FIGURE 2

Exemples d'enregistrement d'émissions sur 100 MHz à partir de Cheyenne Mountain.



#### BIBLIOGRAPHIE

- 52 -

- 1. U.E.R. Méthodes nouvelles d'établissement de plans d'assignation de fréquences pour la télévision. Union européenne de radiodiffusion, Bruxelles, Doc. Tech. 3080 (mai, 1960).
- J.T.A.C. Radio spectrum utilization, Inst. Electrical and Electronics Engineers, 345 E. 47th St., New York, N.Y. 10017.
- RICE, P. L., LONGLEY, A. G., NORTON, K. A. et BARSIS, A. P. Transmission loss prediction for tropospheric communication circuits. NBS Tech. Note 101 (7 mai, 1965) (2<sup>e</sup> édition rév., 1<sup>er</sup> janvier, 1967).
- 4. NORTON, K. A., STARAS, H. et BLUM, M. A statistical approach to the problem of multiple radio interference to FM and TV service. *Trans. IRE*, Ant. Prop., PGAP-1, 43-49 (février, 1952).
- 5. BARSIS, A. P., NORTON, K. A., RICE, P. L. et ELDER, P. H. Performance predictions for single tropospheric communication links, and for several links in tandem. NBS Tech. Note 102 (août, 1961).
- BEAN, B. R., FEHLHABER, L. et GROSSKOPF, J. A comparative study of the correlation of the seasonal and diurnal cycles of transhorizon radio transmission loss and surface refractivity. J. Res. NBS, 66D (Radio prop.) N<sup>o</sup> 5, 593-599 (septembre-octobre, 1962).
- 7. HITCHCOCK, R. J. et MORRIS, P. A. C. The HF band: is a new look required? Wireless World. 375-378 (juillet, 1961).
- GAYER, J. H. et BOYLE, A. W. L'Afrique dresse ses plans. Journal des télécommunications, 30, Nº 7, 202-208 (juillet, 1963).
- KRASNOSSELSKI, N. I. et SMITH, R. Une calculatrice électronique au service de la Radiodiffusion africaine. Journal des télécommunications, 30, Nº 9, 277-283 (septembre, 1963).
- 10. CARROLL, J. M. The quest for compatibility. *Electronics*, 37, Nº 16, 79-84 (mai, 1964).
- 11. SIDDIQUI, M. M. Some statistical theory for the analysis of radio propagation data. J. Res. NBS, 66D (Radio prop.), No 5, 571-580 (septembre-octobre, 1962).
- RICE, S. O. Mathematical analysis of random noise. B.S.T.J., 23, 282-332 (janvier, 1945). B.S.T.J., 24, 46-156 (1944/45). Bell. Tech., Monograph., B-1589 (1954). Selected papers on noise and stochastic processes. Dover Publishers Inc., N.Y., 19 Nelson Wax Editor, 133-294.
- FLOOD, Walter A. Jr. The fading of ionospheric signals. Cornell Univ. Res. Rpt. EE214, Tech. Rpt. 17, Signal Corps Project 182B (15 août, 1954).
- 14a. FELPERIN, K. D. Amplitude distribution due to multipath and scatter: a theoretical model. Stanford Res. Instit. Res. Memo, 12, Project 3670 (1964).
- 14b. NAKAGAMI, M. Study on the resultant amplitude of many vibrations whose phases and amplitudes are random. Nippon Electron. Commun. Eng., Nº 22, 69-92, Equation 118 (octobre, 1940).
- NORTON, K. A., VOGLER, L. E., MANSFIELD, W. V. et SHORT, P. J. The probability distribution of the amplitude of a constant vector plus a Rayleigh-distributed vector. *Proc. IRE*, 43, Nº 10, 1354-1361 (octobre, 1955).
- BECKMANN, P. Statistical distribution of the amplitude and phase of a multiply scattered field. J. Res. NBS, 66D (Radio prop.), Nº 3, 231-240 (mai-juin, 1962).
- 17. BECKMANN, P. The probability distribution of a random vector plus a Rayleigh-distributed vector and its applications. Inst. Radio Eng. and Electron. Czech. Acad. Sci., 23 (1962).
- BURNS, William R. Some statistical parameters related to the Nakagami-Rice probability distribution. Radio Sci. J. Res. NBS/USNC-URSL, 68D, Nº 4, 429-434 (avril, 1964).
- NORTON, K. A., RICE, P. L. et VOGLER, E. D. The use of angular distance in estimating transmission loss and fading range for propagation through a turbulent atmosphere over irregular terrain. *Proc. IRE*, 43, Nº 10, 1488-1526 (octobre, 1955).
- JANES, H. B. et WELLS, P. I. Some tropospheric scatter propagation measurements near the radio horizon. Proc. IRE, 43, Nº 10, 1336-1340 (octobre, 1955).
- NORTON, K. A., RICE, P. L., JANES, H. B. et BARSIS, A. P. The rate of fading in propagation through a turbulent atmosphere. Proc. IRE, 43, Nº 10, 1341-1353 (octobre, 1955).
- 22. NORTON, K. A. Transmission loss in radio propagation: II, NBS Tech. Note 12, PB 151371 (juin, 1959).
- 23. SIDDIQUI, M. M. Some problems connected with Rayleigh distributions. J. Res. NBS, 66D (Radio Prop.), Nº 2, 167-174 (mars-avril, 1962).